物理学报Acta Physica Sinica





Institute of Physics, CAS

### 凝聚态体系中激发态载流子动力学研究

郑镇法 蒋翔 褚维斌 张丽丽 郭宏礼 赵传寓 王亚南 王傲雷 郑奇靖 赵瑾

Investigation of *ab initio* nonadiabatic molecular dynamics of excited carriers in condensed matter systems

Zheng Zhen-Fa Jiang Xiang Chu Wei-Bin Zhang Li-Li Guo Hong-Li Zhao Chuan-Yu Wang Ya-Nan Wang Ao-Lei Zheng Qi-Jing Zhao Jin

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 70, 177101 (2021) DOI: 10.7498/aps.70.20210626 在线阅读 View online: https://doi.org/10.7498/aps.70.20210626 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn

### 您可能感兴趣的其他文章

#### Articles you may be interested in

飞秒时间分辨质谱和光电子影像对分子激发态动力学的研究

Excited state dynamics of molecules studied with femtosecond time-resolved mass spectrometry and photoelectron imaging 物理学报. 2018, 67(22): 227802 https://doi.org/10.7498/aps.67.20181334

#### 非绝热分子动力学的量子路径模拟

Quantum trajectory simulation for nonadiabatic molecular dynamics 物理学报. 2017, 66(15): 153101 https://doi.org/10.7498/aps.66.153101

超短脉冲激光场中间二氯苯的激发态动力学

Excited-state dynamics of m-dichlorobezene in ultrashort laser pulses 物理学报. 2017, 66(15): 157801 https://doi.org/10.7498/aps.66.157801

苯乙炔分子电子激发态超快动力学研究

Ultrafast dynamics of electron excited states of phenylacetylene 物理学报. 2021, 70(5): 053302 https://doi.org/10.7498/aps.70.20201473

双分子链中非线性多激子态的动力学研究

Theoretical study of nonlinear multi-exciton dynamics in coupled molecular chains 物理学报. 2020, 69(19): 197301 https://doi.org/10.7498/aps.69.20200104

D + DBr反应的态-态动力学研究 State-to-state dynamics of D + DBr reaction 物理学报. 2020, 69(11): 113401 https://doi.org/10.7498/aps.69.20200321 特邀综述

## 凝聚态体系中激发态载流子动力学研究\*

郑镇法<sup>1</sup>) 蒋翔<sup>1</sup>) 褚维斌<sup>1</sup>) 张丽丽<sup>1</sup>) 郭宏礼<sup>1</sup>) 赵传寓<sup>1</sup>) 王亚南<sup>1</sup>) 王傲雷<sup>1</sup>) 郑奇靖<sup>1</sup>)<sup>†</sup> 赵瑾<sup>1</sup>)<sup>2</sup>)<sup>‡</sup>

1) (中国科学技术大学物理系,合肥微尺度物质科学国家研究中心国际功能材料量子设计中心,

中科院强耦合量子材料物理重点实验室,合肥 230026)

2) (匹兹堡大学物理与天文系, 匹兹堡 15260)

(2021年4月2日收到; 2021年5月7日收到修改稿)

激发态动力学是凝聚态物理中至关重要且富有挑战的科学问题,不仅需要从时间、空间、能量和动量等 多个维度来描述,同时还需要考虑各种准粒子的相互作用以及多体效应.本文聚焦凝聚态体系激发态动力学 的理论和应用研究,结合含时密度泛函、GW-BSE与面跳跃方法,发展了激发态动力学第一性原理计算软件 Hefei-NAMD,构建了可以同时从时间、空间、动量、能量、自旋等多个维度研究凝聚态体系激发态动力学的 理论和程序框架,并实现了自旋分辨的 GW+ real-time BSE(GW+rtBSE) 激子动力学.利用这套方法,研究 了凝聚态体系激发态动力学的许多问题,包括界面电荷转移动力学、电子空穴复合动力学以及二维 TMD 材 料的谷激子动力学等.这些研究从第一性原理计算的角度,模拟激发态载流子在实空间、能量空间和动量空 间的含时演化,为凝聚态体系的激发态动力学及准粒子耦合过程提供了深刻细致的理解.

关键词:激发态动力学,Hefei-NAMD,非绝热分子动力学,GW + real-time BSE
 PACS: 71.15.Qe, 71.15.Pd, 73.50.-h, 73.20.Mf
 DOI: 10.7498/aps.70.20210626

1 引 言

激发态载流子动力学过程广泛地存在于各种 光物理和光化学过程中,对太阳能转化、光电器件 等方面的应用有重要的意义,也是凝聚态物理基础 研究中的重要分支.从实际应用的角度出发,在光 电能量转化的过程中,激发态载流子的激发、弛 豫、迁移等动力学过程对于光电转化效率来说有着 至关重要的影响.例如,在太阳能电池器件中,激 发态载流子需要在其有限的寿命之内有效地转移 到金属电极上<sup>[1-6]</sup>;对于光催化过程来说,激发态 电子或空穴则需要被吸附分子捕获,随后发生进一 步的光化学反应<sup>[7-12]</sup>; 在光电器件的应用中, 不同 的器件对于激发态载流子的寿命有着不同的需求, 比如光发射器件需要较长的寿命, 光调制器需要较 短寿命, 而光探测器需要中等寿命的激发态载流 子<sup>[13-17]</sup>. 从基础研究的角度出发, 凝聚态物理的核 心内容在于研究体系的元激发及其耦合, 激发态载 流子在衰减到基态过程中存在不同的弛豫通道, 会 与声子、极化子、等离激元等准粒子发生复杂的相 互作用, 激发态电子与空穴本身也存在相互作用, 涉及多个超快过程, 理解这些超快过程的物理本质 是凝聚态物理研究中的重要内容. 因此, 深入研究 各种材料体系中激发态载流子动力学过程无论对 实际需求还是基础研究都具有重要的意义.

© 2021 中国物理学会 Chinese Physical Society

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金 (批准号: 11974322, 11620101003) 和国家重点研发计划 (批准号: 2017YFA0204904) 资助的课题.

<sup>†</sup> 通信作者. E-mail: zqj@ustc.edu.cn

<sup>‡</sup> 通信作者. E-mail: zhaojin@ustc.edu.cn

#### 物理学报 Acta Phys. Sin. Vol. 70, No. 17 (2021) 177101



赵瑾, 1998 年毕业于中国科学技术 大学物理系, 2003 年于中国科学技术大 学理化科学中心获得博士学位(指导教师:侯建国院士,杨金龙院士). 2004 年 3 月起在美国匹兹堡大学 Hrvoje Petek 教授组内工作. 2008 年 8 月起成为匹 兹堡大学物理系研究助理教授, 2010 年

初成为中国科学技术大学物理系及合肥微尺度国家实验室 教授. 赵瑾教授的研究小组关注于利用第一性原理计算激 发态动力学,发展了具有独立知识产权、自主可控的激发态 动力学第一性原理计算软件 Hefei-NAMD,初步构建了可 以同时从时间、空间、动量、能量、自旋等多个维度研究凝 聚态体系激发态动力学的理论和程序框架,率先实现了自 旋分辨的 real-time GW+BSE (GW+rtBSE)激子动力学. 共发表 SCI 文章 121 篇,作为第一/理论第一/通讯作者共 发表 Science 3 篇, Chem. Rev. 2 篇, Nat. Photo. 1 篇, Sci. Adv. 2 篇, Nat. Commun. 1 篇, Phys. Rev. Lett. 5 篇, JACS 3 篇等,全部论文他引次数 4000 余次, H 因子 35.



郑奇靖,2009年毕业于中国科学技 术大学物理系,2016年于中国科学技术 大学物理系获得博士学位.2016年6 月至2018年9月在中国科学技术大学 微尺度物质科学国家研究中心从事博 士后研究.2018年10月至今在中国科 学技术大学物理系任特任副研究员,主

要致力于第一性原理计算研究凝聚态体系中激发态动力学的方法发展及应用,参与开发了第一性原理激发态动力学计算软件 Hefei-NAMD.博士毕业以来共发表 SCI 文章 29 篇,以第一或通讯作者发表 14 篇 SCI 文章,包括 8 篇 J. Phys. Chem. Lett., 3 篇 Phys. Rev. B, 2 篇 Nano Lett., 1 篇 J. Am. Chem. Soc., 1 篇 JPCM, 1 篇综述文章 WIREs Comput. Mol. Sci.

伴随着计算机科学的发展,从 20 世纪 80 年代 到现在是计算物理蓬勃发展的几十年,其中第一性 原理计算在凝聚态物理、材料物理、材料化学等领 域取得了巨大的成功,人们可以摆脱人为确定的参 数,从"第一性原理"的角度出发来研究和预测不同 材料的性质.然而,凝聚态体系中激发态动力学是 一个复杂科学问题,不仅需要从时间、空间、能量 和动量等不同维度对激发态载流子进行描述,同时 还需要理解各种准粒子相互作用产生的多体效应. 这不同层次的复杂度,让激发态动力学在第一性原 理计算领域成为了一个具有严峻挑战的方向.

对于由原子核与电子构成的系统,由于电子和 原子核有三个量级的质量差,描述其动力学时可以 将电子与原子核的自由度分开考虑,认为电子能够 瞬时地适应原子核结构的变化,电子的量子态由原 子核的单一势能面决定,这就是 Bohn-Oppenheimer (BO) 近似, 或者称为绝热 (adiabatic, AD) 近 似<sup>[18]</sup>. 然而, 当体系被激发后, 其弛豫过程会出现 电子运动的能量尺度与原子核相近的情况,这时电 子和原子核的耦合大大增强,分离二者的自由度的 绝热近似就会导致很大的误差. 这种无法用绝热近 似处理的电子和原子核相互耦合的运动被称为非 绝热 (nonadiabatic, NA) 过程, 包含 NA 过程的分 子动力学被称为非绝热分子动力学 (NAMD)<sup>[19,20]</sup>. 考虑电子自由度和原子核自由度相互耦合的非绝 热过程,问题的复杂度便大大提高了.人们可以在 不同的理论框架下考虑这种非绝热动力学问题,例 如,将电子与原子核都在量子力学框架下进行考虑 的方法被称为全量子方法,而将原子核作为经典粒 子,将电子作为量子尺度的粒子的方法被称为量 子-经典混合 (MQC) 方法, 在当前的计算条件下, 全量子方法只能适用于原子数较小,时间较短的体 系<sup>[21,22]</sup>,对于凝聚态体系这类原子数较多的体系, MQC 方法则较为实用.

MQC方法的关键问题是量子-经典自洽 (QCSCF)问题,也就是量子子系统与经典子系统 如何耦合的问题,在经典子系统的影响下,量子子 系统需要正常演化,并且量子态之间沿演化方向存 在跃迁的可能性;同时,经典子系统必须对量子跃 迁做出相应的响应.其中,对后者的适当处理尤其 具有挑战性.在这方面,存在两种被广泛使用的方 法,第一种是 Ehrenfest 方法,也被称为平均场方 法<sup>[23-25]</sup>.在平均场方法中,经典子系统的粒子运动 方程可以写为

$$M_{\alpha}\ddot{\boldsymbol{R}}_{\alpha} = -\nabla_{\alpha}\left\langle\widehat{\mathcal{H}}_{el}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{R})\right\rangle,\qquad(1)$$

其中 〈Ĥel(**r**,**R**)〉为平均的势能面.这里,可以认为 经典子系统所演化的势能面为各个不同量子态确 定的势能面的加权平均.这种方法对量子表象的选 择具有不变性,通常能较好地描述跃迁概率.当动 力学中涉及的不同量子态没有显著差异时,这种方 法是比较有效的.然而,在这种方法中量子子系统 和经典子系统之间的相关性并没有得到正确的描 述.尤其当各个量子态的差异较大时,这种方法会 得到非物理的结果.因此,人们提出了一种通过 引入随机跃迁来处理量子-经典关联的面跳跃方 法<sup>[26-29]</sup>.在面跳跃方法中,经典子系统的运动方程 可以写为

$$M_{\alpha}\ddot{\boldsymbol{R}}_{\alpha} = -\nabla_{\alpha}E_{\mathbf{k}}^{\mathrm{el}}\left(\boldsymbol{R}\right),\tag{2}$$

其中 *E*<sup>el</sup>(*R*)为电子在 k 态时的势能面.可以看出, 这里的经典子系统在某一个量子态的势能面上进 行演化,各个量子态之间的耦合可以用一个非绝热 耦合矩阵来描述,非绝热耦合的大小决定了经典子 系统在各个势能面之间跃迁的概率,再通过对大量 的动力学轨线做统计平均,得到统计学意义上的宏 观动力学性质.在这种方法中,经典子系统可以在 不同势能面之间跳跃,因而被称为面跳跃方法.具 体而言,如何由非绝热耦合得到面跳跃概率的算法 并不是唯一的,其中被应用最多的是 Tully<sup>[28]</sup>提出 的最少面跳跃算法 (FSSH).

这些 NAMD 方法早期多运用于小分子体系, 随着计算机计算能力的提高,基于第一性原理计算 的非绝热分子动力学在凝聚态体系中的应用慢慢 开始发展. 例如, 中国科学院物理研究所孟胜教授 与哈佛大学的 Kaxirus 教授<sup>[30]</sup> 以及 Kolesov 等<sup>[31]</sup> 基于 Erhenfest 方法与实时的含时密度泛函理论 (real-time TDDFT) 发展了 TDAP 程序. 纽约大学 布法罗分校 Akimov 教授与南加州大学的 Prezhdo 教授<sup>[32,33]</sup> 以及 Craig 等<sup>[34]</sup> 将 time-dependent Kohn-Sham (TDKS) 与 surface hopping 思想相结合,发 展了 Pyxaid 程序, 可以在 Kohn-Sham (KS) 轨道 图像下对凝聚态体系的激发态动力学进行研究.北 京师范大学的崔刚龙教授和 Thiel<sup>35]</sup> 也发展了类 似的方法:加州大学北岭分校的Lu教授课题组[36] 发展了针对扩展体系的线性响应含时密度泛函理 论 (LR-TDDFT) 与 surface hopping 结合的方法: 加州大学伯克利分校的 Wang 教授等<sup>[37]</sup> 在 PWmat 程序中实现了基于 real time TDDFT 的 Erhenfest 动力学方法,这些课题组都在这个领域做出了丰富 的成果.

与 Prezhdo 教授思路类似, 我们基于 TDKS 方程与 surface hopping 的思想, 发展了第一性原 理非绝热分子动力学代码 (Hefei-NAMD), 并用该 方法研究了不同凝聚态体系的非辐射激发载流 子动力学, 包括界面电荷迁移动力学、电子-空穴 (e-h) 复合动力学、光激发自旋极化动力学. 最近, 我们将单体 TDKS 方程推广到两体 real-time BSE 方程, 将 GW+BSE 方法与 NAMD 结合, 发展了 自旋分辨的 GW+rtBSE方法, 可以准确包含激子 的多体效应, 是研究激子动力学的有力工具. 本文 总结回顾了我们相关的研究工作,组织如下:第2节简述了 NAMD 的计算方法;第3节到第5节 分别介绍利用 Hefei-NAMD对界面电荷迁移动力 学、半导体 e-h 复合和磁性材料自旋动力学进行的 一系列研究;第6节介绍最新发展的 GW+rtBSE 方法,以及 MoS<sub>2</sub>体系中的自旋谷激子动力学;第 7节进行总结并对未来的研究方向进行展望.

## 2 计算方法

Hefei-NAMD 采用 TDKS 与 surface hopping 方法相结合的思想,将不同势能面之间跃迁的概念 类比为载流子在不同 KS 轨道之间的跃迁,采用经 典路径近似<sup>[33,39]</sup>,忽略原子核系统对激发态电子的 响应,这样原子核的运动轨迹可以用基态的分子动 力学得到.这个近似对于凝聚态体系,尤其是固体 体系有一定的合理性,主要有以下几个原因:i)由 于凝聚态体系常常具有大量的电子,因此单电子的 激发对体系的影响有限,往往会小于一定温度下的 热涨落;ii)密集的能级形成能带,使得很多能级上 的电子寿命非常短,对于这些寿命较短的激发态载 流子,原子核系统来不及发生响应;iii)基于 surface hopping 的思想,会对很多条轨线进行统计, 经典路径近似带来的误差在这样的统计中被进一 步抵消了.

在 Hefei-NAMD 中, 激发态载流子波函数用 一组含时的 KS 轨道 { $|\psi_i(\mathbf{r}, \mathbf{R}(t))\rangle$ }展开:

$$|\Psi\rangle = \sum_{i} |\psi_{i}\rangle \langle \psi_{i}|\Psi\rangle = \sum_{i} c_{i}(t) |\psi_{i}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{R}(t))\rangle,$$
(3)

其中 **R**, **r** 分别对应原子核与电子的坐标变量, **R**(*t*) 由第一性原理分子动力学得到, *c<sub>i</sub>*(*t*) 为展开系数, 也就是载流子的占据数. 将这种形式的载流子波函 数代入含时的薛定谔方程:

$$i\hbar \frac{\partial |\Psi(\boldsymbol{r},\boldsymbol{R}(t))\rangle}{\partial t} = \widehat{\mathcal{H}}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{R}(t),\sigma) |\Psi(\boldsymbol{r},\boldsymbol{R}(t))\rangle,$$
(4)

即可得到:

$$i\hbar \frac{\partial c_i(t)}{\partial t} = \sum_j \left[ \left\langle \psi_i | \widehat{\mathcal{H}} | \psi_j \right\rangle - i\hbar \left\langle \psi_i | \frac{\mathbf{d}}{\mathbf{d}t} | \psi_j \right\rangle \right] c_j(t)$$
$$= \sum_j \left[ \varepsilon_i \delta_{ij} - i\hbar d_{ij} \right] c_j(t) , \tag{5}$$

其中 $\varepsilon_i$ 是KS轨道| $\psi_i(\mathbf{r}, \mathbf{R}(t))$ )的本征值,  $d_{ij}$ 是

*i*, *j*两个 KS 轨道之间的非绝热耦合. 可以证明 *d*<sub>*ij*</sub> 等价于:

$$d_{ij} = \left\langle \psi_i | \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} | \psi_j \right\rangle = \sum_I \frac{\langle \psi_i | \nabla_I \widehat{\mathcal{H}} | \psi_j \rangle}{\varepsilon_j - \varepsilon_i} \dot{\boldsymbol{R}}_I, \quad (6)$$

这里 *I*是原子核标号. (6) 式表明  $d_{ij}$ 与电声耦合  $\langle \psi_i | \nabla_I \hat{\mathcal{H}} | \psi_j \rangle$ 、原子核速度  $\dot{\mathbf{R}}_I$  成正比,与电子态的 能量差  $(\varepsilon_j - \varepsilon_i)$ 成反比.  $d_{ij}$ 决定了载流子在不同 KS 能级之间跃迁的概率. 在 FSSH 的框架下,载 流子跃迁的概率可以写为

$$P_{ij}(t, t + \Delta t) = \max\left\{\frac{2\int_{t}^{t+\Delta t} \operatorname{Re}\left(c_{i}^{*}c_{j}d_{ij}\right) \mathrm{d}t}{c_{j}^{*}c_{j}}, 0\right\}.$$
 (7)

有了载流子在不同能级间跃迁的概率,就可以 通过统计大量轨线的方法得到载流子的动力学行 为.一般来说,我们会在分子动力学轨迹的前数皮秒 (ps)中取 100—200 个结构作为初始结构样本,每 个初始结构计算 10<sup>4</sup> 条载流子轨迹进行统计平均.

在 surface hopping 方法中, 激发态载流子开 始演化时处于一个单一的电子态上, 然而随着演化 的过程, 系统会产生相干电子态, 而外界环境的扰 动会使得相干态重新塌缩到单一电子态上, 这个过 程被称为退相干过程. 当激发态载流子的寿命较长 时, 退相干会对研究结果产生较大影响, 此时则需 要考虑退相干效应. 考虑退相干的 surface hopping 的方案也有不止一种, 例如 DCSH (decoherence corrected surface hopping)<sup>[39]</sup>等.

在研究电荷空间转移的过程中,激发态载流子 的空间分布可以积分得到:

$$\int \rho(\mathbf{r}, t) \, \mathrm{d}\mathbf{r} = \int |\Psi(\mathbf{r}, t)|^2 \mathrm{d}\mathbf{r}$$
$$= \sum_{i,j} c_i^*(t) \, c_j(t) \int \psi_i^*[\mathbf{r}, \mathbf{R}(t)] \, \psi_j[\mathbf{r}, \mathbf{R}(t)] \, \mathrm{d}\mathbf{r}.$$
(8)

对空间分布做时间微分,可得:

$$\frac{\mathrm{d}\int\rho\left(\boldsymbol{r},t\right)\mathrm{d}\boldsymbol{r}}{\mathrm{d}t} = \sum_{i,j}\left\{\frac{\mathrm{d}\left(c_{i}^{*}c_{j}\right)}{\mathrm{d}t}\int\psi_{i}^{*}\psi_{j}\mathrm{d}\boldsymbol{r} + c_{i}^{*}c_{j}\frac{\mathrm{d}\int\psi_{i}^{*}\psi_{j}\mathrm{d}\boldsymbol{r}}{\mathrm{d}t}\right\}. \quad (9)$$

由 (9) 式可以看到, 电荷的空间分布变化由两部分 引起, 右边第一项描述了绝热 KS 轨道占据数 c<sub>i</sub>的 变化而导致的电荷空间分布的变化, 可以理解为电 子在不同能级之间跃迁导致的电荷分布变化, 称为 非绝热机制 (NA); 右边第二项则是因为绝热 KS 轨道本身的空间分布发生了变化, 从而导致电荷的 空间分布发生变化, 称为绝热机制 (AD). 这两项 分别对时间积分就能得到电荷转移的绝热和非绝 热贡献. 一般而言, AD 电荷转移主要是由原子核 运动导致的, 如因为能级交叉引起的电荷转移. 而 NA 的电荷转移则是由于载流子在不同能级之间 直接跃迁引起的. 不同能级之间相应的空穴电荷弥 散情况以及局域位置不同, 进而跃迁导致了电荷转 移. 示意图如图 1 所示. 由此, 可以分析不同的电 荷转移机制.



图 1 激发态载流子动力学中的 AD 和 NA 过程示意图 (图片经文献 [20] 允许转载, 版权归 2019 Wiley Periodicals, Inc.所有)

Fig. 1. Schematics of the AD and NA charge transfer process (Reprinted with permission from Ref. [20]. Copyright 2019 Wiley Periodicals, Inc.).

以上讨论中提到的载流子既可以是电子也可 以是空穴,因此这套方法可以用来研究激发态电子 或空穴的非绝热分子动力学. Hefei-NAMD 程序与 第一性原理计算程序 VASP 或 Quantum Espresso 接口.

## 3 界面激发态电荷迁移动力学研究

本节讨论不同界面的激发态电荷转移动力学, 包括分子/固体界面、二维材料异质结界面、氧化 物异质结界面等.

### 3.1 分子/固体界面

在光催化过程中,半导体被光激发后产生电子

空穴对,被激发的载流子转移到表面,被表面吸附的分子捕获,并发生进一步的化学反应,因此,研究激发态电子或空穴如何被表面吸附分子捕获是理解光催化物理机制的关键之一.二氧化钛 (TiO<sub>2</sub>) 作为典型的光催化材料,我们研究了其与分子界面 CH<sub>3</sub>OH/TiO<sub>2</sub>和 CO<sub>2</sub>/TiO<sub>2</sub> 的电荷转移动力学过程.

## 3.1.1 甲醇 (CH<sub>3</sub>OH) 在二氧化钛表面光 生空穴超快转移过程

在 TiO<sub>2</sub> 的光催化研究中, CH<sub>3</sub>OH 一直以来 都被认为是 TiO<sub>2</sub> 表面的"空穴清道夫", 它可以快 速捕获空穴, 从而有效降低电子-空穴复合的概率, 延长激发态电子的寿命, 同时, 被捕获的空穴还可 以导致 CH<sub>3</sub>OH 进一步被氧化<sup>[10,40-44]</sup>. 然而, 最近 的实验工作对于 CH<sub>3</sub>OH 能否捕获空穴却存在一 些争议, 一些工作认为只有解离的 CH<sub>3</sub>OH 才能够 有效地捕获空穴<sup>[45,46]</sup>. 为了理解这个空穴捕获过 程, 我们利用 Hefei-NAMD 模拟了 CH<sub>3</sub>OH/TiO<sub>2</sub> (Rutile 110 表面) 体系中的激发态空穴动力学<sup>[47]</sup>.

为了研究不同吸附结构的 CH<sub>3</sub>OH 对空穴捕获的影响,我们选择了一个单层三种不同吸附结构的 CH<sub>3</sub>OH 进行研究,如图 2(a) 所示,M 结构代表 CH<sub>3</sub>OH 未解离的分子吸附结构,HD 代表吸附

的 CH<sub>3</sub>OH 中有一半的分子发生解离, D 代表所有 的 CH<sub>3</sub>OH 都解离的吸附结构.研究了激发态空穴 从 TiO<sub>2</sub> 转移到 CH<sub>3</sub>OH 的空穴捕获过程 (图 2(b)), 以及从 CH<sub>3</sub>OH 到 TiO<sub>2</sub> 的空穴释放过程 (图 2(c)), 同时还研究了具有一定能量的热空穴弛豫到达价 带顶 (VBM) 的过程 (图 2(d)).通过模拟, 有三点 发现: i) 只有发生解离形成的 CH<sub>3</sub>O (D 结构及 HD 结构) 才有捕获空穴的能力, 捕获空穴的时间 尺度约为 150 fs, 分子吸附的 CH<sub>3</sub>OH(M 结构) 并 不能捕获光激发空穴; ii) 空穴被 CH<sub>3</sub>O 捕获之后, 其中一部分会在 10 fs 的时间尺度内被 CH<sub>3</sub>OH 释 放重新回到 TiO<sub>2</sub> 表面, 剩下的一部分留在分子上 的空穴会帮助下一步的光化学反应发生; iii) 相比 于没有分子吸附的干净 TiO<sub>2</sub> 表面, 分子的振动会 加快 TiO<sub>2</sub> 内部热空穴向 VBM 的弛豫.

这里,只有解离的 CH<sub>3</sub>O 能够捕获空穴的原因 来自于分子-固体的能级匹配, CH<sub>3</sub>OH 的分子最高占 据轨道 (HOMO) 位于 TiO<sub>2</sub> 的 VBM 之下约 1.0 eV, 因为空穴倾向于向更高能量的能级转移,因此,分 子吸附的 CH<sub>3</sub>OH 很难捕获空穴.在 CH<sub>3</sub>OH 解离 之后,HOMO 会上移至 VBM 附近,此时就具有了 捕获空穴的能力.在空穴捕获的过程中,AD 与 NA 机制具有竞争关系,NA 机制使得空穴倾向于 向 CH<sub>3</sub>OH 转移,而超快的空穴释放过程则由



图 2 (a) 单层 CH<sub>3</sub>OH 在 TiO<sub>2</sub> 表面的三种不同吸附结构; (b) 空穴捕获过程; (c) 空穴释放过程; (d) 空穴能量弛豫过程 (图片经 文献 [47] 允许转载, 版权归 2016 American Chemical Society 所有)

Fig. 2. (a) Three types of adsorption stuctures; (b) averaged forward hole transfer; (c) averaged reverse hole transfer; (d) time dependence of energy relaxation of photogenerated holes (Reprinted with permission from Ref. [47]. Copyright 2016 American Chemical Society). AD 机制所主导. 在热空穴弛豫的过程中, 分子的振动导致了分子能级的剧烈振荡, 而这些剧烈振荡的分子能级则大大加速了空穴由高能量向低能量弛豫的过程. 在整个空穴转移动力学过程中, 分子-固体的能级匹配、分子振动及固体声子的激发、以及电声耦合的大小是决定分子捕获空穴的关键因素. 这项研究工作揭示了分子/固体表面电荷转移的时间分辨微观图像与普遍的物理机制, 其主要结论在之后的 CH<sub>3</sub>OH/C<sub>3</sub>N<sub>4</sub> 的时间分辨超快光谱实验中得到了验证<sup>[48]</sup>.

## 3.1.2 TiO<sub>2</sub> 表面 CO<sub>2</sub> 光还原机制

CO<sub>2</sub>的光还原是清洁能源领域内的重要问题, 其关键在于 CO<sub>2</sub> 捕获一个电子并形成阴离子自由 基 CO<sub>2</sub><sup>--</sup>.这种电子被分子捕获的过程往往需要半 导体材料的导带底 (CBM)比分子的最低空轨道 (LUMO)能量高,这样在半导体中被激发的电子才 能够转移到分子上<sup>[49-51]</sup>.然而,由于 CO<sub>2</sub> 的 LUMO 能量较高,几乎没有半导体能提供足够高能量的 电子被 CO<sub>2</sub> 捕获,这成为 CO<sub>2</sub> 光还原的瓶颈问 题<sup>[52-55]</sup>.

我们以被广泛研究的 Rutile TiO<sub>2</sub>(110) 表面 为原型体系研究了这个问题<sup>[56]</sup>.结果发现,如果 CO<sub>2</sub>吸附在 Rutile TiO<sub>2</sub>(110) 表面的氧缺陷内,并 将一个电子通过光激发激发到 CO<sub>2</sub>上,这时会形 成一个CO<sub>2</sub><sup>--</sup>,由于 CO<sub>2</sub>的 LUMO 能量较高,电子 会在一定时间内转移回到 TiO<sub>2</sub>,随后 CO<sub>2</sub><sup>--</sup>就重新 变回中性的 CO<sub>2</sub>了.因此,此时光激发形成的是 有一定寿命的"瞬态" CO<sub>2</sub><sup>--</sup>(图 3(a)).尽管"瞬态" CO<sub>2</sub><sup>--</sup>的寿命有限,它的形成依然会对 CO<sub>2</sub>的光还 原有重要的影响.计算表明当"瞬态" CO<sub>2</sub><sup>--</sup>的寿命 达到 13 fs 时, CO<sub>2</sub> 的弯曲振动模式和反对称拉伸 模式会被有效激发,随后 CO<sub>2</sub> 的 LUMO 能量将会 在十几 fs 的时间尺度内被降低到 TiO<sub>2</sub> 的 CBM 之 下,LUMO 能量的降低会导致 TiO<sub>2</sub> 中被激发的热 电子在 100 fs 之内被 CO<sub>2</sub> 捕获,形成一个稳定的 CO<sub>2</sub><sup>--</sup>(图 3(b)),并进一步在 30—40 fs 内将 CO<sub>2</sub> 还 原成 CO(图 3(c)).

在整个过程中,发生光还原的关键步骤是 CO<sub>2</sub>的 LUMO 的能量降低,而导致 CO<sub>2</sub>的 LUMO 能量降低的原因是分子弯曲模式和非对称拉伸的振动模式的激发,我们的研究表明,寿命大于 12 fs的"瞬态" CO<sub>2</sub>一可以有效激发这两种振动模式.然而,计算表明"瞬态" CO<sub>2</sub>一的寿命在 10—15 fs 范围内,恰好是能够有效激发振动模式的阈值,也就是说这种光化学反应有可能由于"瞬态" CO<sub>2</sub>一的寿命不够长而无法进行,这也许是 TiO<sub>2</sub> 金红石 (110) 表面 CO<sub>2</sub>光还原效率不高的原因.

综上所述, CO<sub>2</sub>分子弯曲模式和非对称拉伸模式的激发可以有效提高 CO<sub>2</sub>光还原效率, 我们认为这一结论可以推广到许多其他的过渡金属氧化



图 3 TiO<sub>2</sub> 表面 CO<sub>2</sub> 光还原示意图<sup>[56]</sup> (a) 吸附在氧空位的 CO<sub>2</sub> 被光激发形成"瞬态" CO<sub>2</sub><sup>--</sup>; (b) "瞬态" CO<sub>2</sub><sup>--</sup>激发弯曲模式和 非对称拉伸模式声子, LUMO 能量下降至 CBM 以下, 并捕获热电子, 形成稳定的 CO<sub>2</sub><sup>--</sup>; (c) 捕获热电子之后的 CO<sub>2</sub><sup>--</sup> 解离形成 CO; (d) CO<sub>2</sub> 分子吸附在 TiO<sub>2</sub>(110) 表面氧缺陷和 Ti<sub>5C</sub> 位置的结构示意图 (图片经文献 [56] 允许转载, 版权归 2016 American Chemical Society 所有)

Fig. 3. Photo-reduction diagram of  $CO_2$  on  $TiO_2$  surface: (a) Photo excitation generates a transient  $CO_2^{--}$ ; (b) transient  $CO_2^{--}$  excites the bending and antisymmetric stretching vibrations, which induce LUMO reduce to CBM, hot electron trapped by  $CO_2$  and form a new  $CO_2^{--}$ ; (c)  $CO_2^{--}$  dissociates in Ov; (d) geometry structure of  $CO_2$  trapped on  $TiO_2$  (110) surface (Reprinted with permission from Ref. [56]. Copyright 2016 American Chemical Society).

物表面. 实际上,除了形成"瞬态" CO<sub>2</sub><sup>--</sup>的方法,在 不同的表面,还可以用表面吸附金属原子、太赫兹 光激发等方法来有效激发分子特定的振动模式,提 升光还原效率.

## 3.1.3 极化/非极化氧化物异质结界面上湿 电子态的超快动力学

超过 6 个 H<sub>2</sub>O 分子形成的团簇可以有效捕获 一个电子,这种被 H<sub>2</sub>O 团簇束缚的电子被称为湿 电子.湿电子广泛地存在于液态物质中,是许多生 物、化学体系中非常重要的电子输运通道.在 H<sub>2</sub>O 分子与固体形成固液界面体系中,湿电子态是 H<sub>2</sub>O 分子贡献的能量最低的电荷输运通道,非常 弥散的波函数分布使它具有良好的输运性质,在光 催化体系中,湿电子态被认为是激发态电子输运的 关键通道<sup>[41,44,57-64]</sup>. 然而,与单纯的 H<sub>2</sub>O 体系不同 的是,此时的湿电子态的能量往往高于固体的 CBM,因此湿电子会在一定寿命之内转移到固体 中<sup>[58,59,63]</sup>,这使得他们很难在光催化过程中得到应 用.因此,降低湿电子态能量是提高光催化效率的 关键.

从过去的研究中可以知道,湿电子态对表面的 极化非常敏感,因此,我们想到可以用极化/非极化 (polar-nonpolar)氧化物异质结来实现对湿电子态 能量的调控. 我们选择了人们研究最多的 LaAlO<sub>3</sub>/ SrTiO<sub>3</sub>(LAO/STO)来进行模拟<sup>[65]</sup>.在这个体系 中, STO 为非极性氧化物而 LAO 为极性氧化物, LAO 可以为整个体系提供极化电场,极化产生的 电势随着 LAO 的层厚增加而增大, 而 n 型与 p 型 两种界面可以提供方向相反的极化电场[66-68].其 中 LAO 的层厚用所含原胞 (unit cell, uc) 的个数 表示。如图4所示,当一单层H<sub>2</sub>O吸附在具有 p型界面的LAO/STO上时,随着LAO层厚的增 加, H<sub>2</sub>O 的湿电子态会随之下降. 在层厚达到 8 层 时降至费米面并被部分占据.同样的道理,如果使 用n型界面,湿电子态的能量则可以随着LAO的 层厚增加而上升.这项工作表明,湿电子态的能量 可以通过 polar-nonpolar 异质结的层厚来有效调 制,对提升光催化效率具有一定的意义[65].

## 3.1.4 C<sub>60</sub>超原子轨道在界面电荷分离上的应用

在太阳能转换的过程中,热载流子在向低能级 弛豫的过程中常常会将能量通过电声耦合变成热 能产生损耗,这种热能损耗过程是限制太阳能转换 效率的重要因素.想要避免这种热损耗,需要能够



图 4 (a) H<sub>2</sub>O 分子吸附在 p型 LAO/STO 异质结表面的结构图; (b) 湿电子态的轨道空间分布图; (c) LAO, STO 和 H<sub>2</sub>O 的分层 电子态密度, 分别用绿色, 蓝色, 和红色表示; (d) H<sub>2</sub>O/LAO/STO 的能带结构, 其中湿电子态的能带用红色三角形标记; (e) 最低 湿电子态能量和 CBM 能量随 LAO 层厚的变化情况. 在图 (c)—(e) 中, 能量零点为费米能 (图片经文献 [65] 允许转载, 版权归 2018 American Chemical Society 所有)

Fig. 4. (a) Geometric structure of  $H_2O$  adsorbed on p-type LAO/STO heterostructure. (b) Spatial orbital distribution of the solvated state in  $H_2O$  layer. (c) Layer-resolved DOS for every LAO, STO, and  $H_2O$  layer, represented by green, blue, and red. (d) Band structure of one ML  $H_2O$  adsorbed on p-type LAO/STO. The solvated electron band is marked by red triangles. (e) Dependence of solvated electron band minimum and CBM energies on LAO thickness. The energy of VBM is set as the reference in panels (c)–(e) (Reprinted with permission from Reference 65. Copyright 2018 American Chemical Society). 将这些热电子在弛豫之前就通过界面转移到电极 上.因此,一个能够使热电子弛豫慢、而转移快的 电子态对于提高太阳能转换效率是非常重要的.我 们通过对 C<sub>60</sub>/MoS<sub>2</sub>体系的研究发现, C<sub>60</sub> 的超原 子态 (super atom molecular orbital, SAMO) 是 可以实现弛豫慢、转移快的电子态<sup>[69]</sup>.

超原子态是以 C<sub>60</sub> 为代表的富勒烯分子的一种特殊电子态<sup>[70]</sup>,这个电子态与其他电子态不同,它并不局域在某一个 C 原子上,而是非常弥散地分布在整个碳笼上.我们的研究发现,由于超原子态具有非常弥散的特征,它表现出非常弱的电声耦合效应,因此内部热电子弛豫非常缓慢,如图 5 所示,超原子态上的电子弛豫到下面的 LUMO+3 电子态需要 20 ps 的时间.同时,这样弥散的轨道又非常容易和其他材料的轨道发生杂化,造成很快的界面电荷转移,以 C<sub>60</sub>/MoS<sub>2</sub> 为原型体系,我们发现超原子态上的电子转移到 MoS<sub>2</sub>上的时间尺度为 150 fs.因此,以 C<sub>60</sub> 为代表的富勒烯及碳纳米材料的超原子态和近自由电子态有可能在太阳能转化方面有重要的应用.



图 5 MoS<sub>2</sub>/C<sub>60</sub>界面电荷分离示意图 (图片经文献 [69] 允 许转载,版权归 2018 American Chemical Society 所有) Fig. 5. Charge separation diagram of MoS<sub>2</sub>/C<sub>60</sub> interface (Reprinted with permission from Ref. [69]. Copyright 2018 American Chemical Society).

### 3.2 二维材料异质结界面电荷转移动力学

近二十年来,二维材料大家族无疑是新材料领 域中最重要的发现之一.由于低维材料的量子限域 效应,二维材料拥有与三维材料迥异的特征.同时, 不同的二维材料可以自由地像积木一样堆叠在一 起,形成不同的异质结,通过这种方式可以针对不 同应用需求设计新型二维材料.我们通过 HefeiNAMD 的模拟, 研究了二维过渡金属硫族化物 (TMD) 的界面电荷转移, 发现了声子激发在其中 的重要作用, 并给出了可能的调控电荷转移动力学 的方案.

## 3.2.1 纵向 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 异质结中与声子耦合的超快电荷转移

二维 TMD 材料是一类非常重要的二维半导体材料,这类材料的能隙恰好在可见光范围内,与光的相互作用很强,电子空穴对非常容易被激发并形成激子<sup>[5,71-75]</sup>.同时,这类体系中还存在非常有趣的谷电子学,会形成 6 个能谷并且具有自旋谷耦合效应<sup>[76-78]</sup>.因此,二维 TMD 材料一直是研究的热点.

MoS<sub>2</sub>与WS<sub>2</sub>是两种典型的TMD材料,当它 们沿垂直于表面的方向堆叠形成异质结时,会形成 第二类能带匹配,如图 6(a)所示,这时整个体系 的VBM 会位于WS<sub>2</sub>层,而CBM 则位于MoS<sub>2</sub> 层.如果在MoS<sub>2</sub>上激发电子空穴对,那么电子将 从MoS<sub>2</sub>转移到WS<sub>2</sub>;反之,如果在WS<sub>2</sub>上激发电 子空穴对,电子则会从WS<sub>2</sub>转移到MoS<sub>2</sub><sup>[79,80]</sup>.由 此可见,这样的能带匹配可以使电子空穴分离, 加长电子空穴寿命,对光电器件的应用有重要的 意义.

虽然 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub>能够形成第二类能带匹配, 但是 MoS<sub>2</sub>与WS<sub>2</sub>之间是靠范德瓦耳斯 (vdW)相 互作用结合在一起的,因此,这样的异质结界面是 否能够有效发生电荷转移就成了一个问题.然而, 与人们的直觉相反,不同课题组的时间分辨超快动 力学实验都揭示了界面的超快电荷转移过程,因 此,理解这种超快电荷转移的物理机制成了一个重 要的问题.

首先用 Hefei-NAMD 研究  $MoS_2/WS_2$  界面的 激发态空穴转移动力学过程<sup>[81]</sup>. 如图 6(b) 所示, 异 质结的 VBM 位于  $\Gamma$ 点, CBM 位于 K点, 当空穴 在  $MoS_2/WS_2$  中被激发之后, 初始位于 K点, 但 也可能能够通过电子-声子散射转移到  $\Gamma$ 点. 选择 C7 和 T 两种最稳定的叠加构型, 并考虑了初始空 穴位于 K点及  $\Gamma$ 点的情况. 首先, 当温度为 300 K 时, 如图 7(a)—(d) 所示, 无论是 C7 还是 T 堆积, 在 20 fs 左右都可以观察到超快的层间空穴迁移, 随后是时间尺度较长 (300—600 fs) 的层内空穴弛豫 过程. 在 K空间中, 20 fs 的超快电荷转移表示的



图 6 (a) MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub>形成第二类能带匹配示意图; (b) MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub>异质结界面能带图 (图片经文献 [81] 允许转载, 版权归 2017 American Chemical Society 所有)

Fig. 6. (a) Schematic of the photoexcitation and hole transfer in a  $MoS_2/WS_2$  heterostructure; (b) band structures of the  $MoS_2/WS_2$  heterostructure (Reprinted with permission from Ref. [81]. Copyright 2017 American Chemical Society).

是电子由 MoS<sub>2</sub>的  $\Gamma$ 点或 K点转移到 WS<sub>2</sub>的  $\Gamma$ 与 M之间的  $\Sigma$ 点,随后较长的时间尺度对应的 是从 WS<sub>2</sub>的  $\Sigma$ 点弛豫到  $\Gamma$ 点的 VBM 的过程.进 一步的分析表明, 20 fs 的超快层间转移是由 AD 机制贡献的,随后较慢的层内电荷弛豫,则是由 NA 机制主导的. AD 过程与声子的激发直接相关, 因此,我们推测在层间的电荷转移过程中,声子的 辅助非常重要.

为了验证声子激发在这个过程中所起的作用, 将模拟温度由 300 K 降低到 100 K. 如图 7(e)—(h) 所示,可以看出,温度的降低使 20 fs 的超快过程 消失或者减少,说明降低温度可以有效抑制层间超 快电荷转移,这证实了我们声子激发辅助超快电荷 转移的概念. 通过对 VBM 附近的能级随时间变化 的曲线做傅里叶变换 (FT), 可以确定辅助超快电 荷转移的声子是层内的光学支声子 A1 模式, 波数 为 400 cm<sup>-1</sup>, 周期为 83 和 20 fs 左右的层间电荷转 移的时间尺度大约是四分之一周期. 值得注意的 是,在模拟中发现了很强的温度效应,但是这个效 应却没有在实验中被观察到[15].我们认为原因可 能是: i) 模拟中没有考虑核量子效应, 考虑了核量 子效应之后,即使很低的温度下,零点振动有可能 帮助电荷转移; ii) 模拟中没有考虑电子空穴的相 互作用,也就是激子效应.电子空穴之间的库仑相 互作用和交换相互作用也有可能会影响超快电荷 转移的过程.

# 3.2.2 纵向 MoSe<sub>2</sub>/WSe<sub>2</sub> 异质结中声子耦 合的电荷振荡

在  $MoS_2/WS_2$  异质结的电荷转移研究中, 我

们提出了声子辅助超快电荷转移的概念,基于这个 概念,我们预计将S元素换成Se元素后,虽然体 系的能带结构不会发生变化,但是声子激发及电声 耦合将会发生变化,由此,可以进一步理解声子对 界面电荷转移动力学的影响.于是,针对 MoSe<sub>9</sub>/ WSe2异质结的界面电荷转移动力学进行了类 似的 NAMD 模拟,并与 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 异质结的结果 进行比较.结果发现,将S元素换成Se元素之后, 由于元素质量变大, A1模式频率降低, 由原来的 400 cm<sup>-1</sup> 降低到了约 230 cm<sup>-1</sup>. 此时,相同温度下, MoSe<sub>2</sub>/WSe<sub>2</sub>中会激发更多的声子,能级会随着声 子的激发发生剧烈的振荡.此时,在 300 K 的温度 下,如图 8 所示,在 MoSe<sub>2</sub>/WSe<sub>2</sub>中会观察到与声 子耦合电荷振荡过程;在温度降低至100K时,由 于许多声子被冻结,与声子耦合电荷振荡也会随之 被抑制. 与 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 中空穴转移的过程类似, 这 个电荷振荡的过程也是 AD 机制导致的, 因此与 声子有非常直接的耦合.这个工作进一步确认了 TMD 纵向异质结界面电荷转移动力学与声子激发 之间的关系[82].

## 3.2.3 应力控制的 TMD 异质结中的电荷 转移

通过前面讨论的工作,我们对 TMD 异质结界 面的电荷转移的机制有了一些理解,在这些理解的 基础上,我们试图提出能够调控 TMD 异质结电荷 转移的方案.在 3.2.1节和 3.2.2节中讨论了声子 辅助的异质结电荷转移过程,而声子的激发很有可 能被外加应力所影响,因此我们预计外加应力有可 能成为调控异质结载流子动力学的有效手段.我们



图 7 C7 堆积或 T 堆积结构布里渊区  $\Gamma_{\pm}$  ((a), (b), (e), (f)) 和  $K_{\pm}$  ((c), (d), (g), (h)) 空穴的空间分布随时间变化曲线, 温度分别 为 300 和 100 K. 插图给出了空穴在动量空间的演化过程 (图片经文献 [81] 允许转载, 版权归 2017 American Chemical Society 所有) Fig. 7. Time-dependent spatial hole localization at the K and  $\Gamma$  points for the C7 and T stackings at 300 K (K point ((a), (b)),  $\Gamma$  point ((c), (d))] and 100 K (K point ((e), (f)),  $\Gamma$  point ((g), (h))]. The major hole relaxation routes in momentum space are schematically shown in the insets (Reprinted with permission from Ref. [81]. Copyright 2017 American Chemical Society).

的研究发现,对于 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 异质结来说,拉伸的 应力可以抑制电子的界面转移<sup>[83]</sup>.如图 9 所示,当 拉伸应变从 0% 变到 4% 时,空穴转移一直都可以 进行,而电子转移却被严重抑制了.进一步的分析 表明,当体系没有应变时,如图 9(d) 所示,WS<sub>2</sub>@K (表示倒空间 K点上 WS<sub>2</sub> 的能级,以下表述类 似)为激发态电子的初始能级,MoS<sub>2</sub>@K是体系 的 CBM,为电子最终到达的受主能级.这两个能 级所对应的轨道分别局域在 WS<sub>2</sub> 或 MoS<sub>2</sub> 单层, 轨道之间的耦合非常弱,因此直接从 WS<sub>2</sub>@K到 MoS<sub>2</sub>@K的电子输运是比较困难的,需要一个很 长的时间尺度.然而,在这两个能级之间,还存在 一个 MoS<sub>2</sub>@T可以作为电子界面转移的中间态, 它的能量位于 WS<sub>2</sub>@K和 MoS<sub>2</sub>@K之间,电子的 转移路径是从 WS<sub>2</sub>@K到 MoS<sub>2</sub>@T,再到 MoS<sub>2</sub>@K (3-2-3d). 但是当体系有了拉伸应变之后,K点能



图 8 MoSe<sub>2</sub>/WSe<sub>2</sub>和 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub>异质结光激发电子非绝热分子动力学模拟结果<sup>[82]</sup> (a)—(c) MoSe<sub>2</sub>/WSe<sub>2</sub>异质结光激发电子的转移过程,能量变化和动量弛豫路径;(d)—(f) MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub>异质结光激发电子的转移过程,能量变化和动量弛豫路径(图片经 文献 [82] 允许转载,版权归 2018 American Physical Society所有)

Fig. 8. Nonadiabatic molecular dynamics results: (a)–(c) Time-dependent electron spatial localization, energy evolution and relaxation in the momentum space of the  $MoSe_2/WSe_2$  heterostructure; (d)–(f) time-dependent electron spatial localization, energy evolution and relaxation in the momentum space of the  $MoS_2/WS_2$  heterostructure (Reprinted with permission from Ref. [82]. Copyright 2018 American Physical Society).



图 9 外加不同应力的情况下 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 异质结中的电荷转移 (a)—(c) 电子空穴转移动力学; (d)—(f) 和动量空间转移路径 (图片经文献 [83] 允许转载, 版权归 2020 American Chemical Society 所有)

Fig. 9. Charge transfer dynamics in the  $MoS_2/WS_2$  heterostructure under different tensile strain: (a)–(c) Time-dependent electron and hole spatial localization; (d)–(f) charge transfer in the momentum space (Reprinted with permission from Ref. [83]. Copyright 2020 American Chemical Society).

级的能量会下降, 应变达到 2% 的时候,  $WS_2@K$ 的能量就和中间态  $MoS_2@T$ 相当了 (如图 9(e) 所示), 而当应变达到 4% 的时候,  $WS_2@K$ 的能量甚至低于  $MoS_2@T$ 了, 因此,  $MoS_2@T$ 作为中间态的通道就被抑制了 (图 9(f)).

另一方面,很容易理解为什么空穴转移难以被

外加应力抑制. MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 的 VBM 位于 WS<sub>2</sub>@*Г* 点,是一个高度杂化的电子态,因此这个能级一直 与 MoS<sub>2</sub>上的能级有较强的耦合.即使外加应力改 变了能带结构,如果 VBM 仍处于强杂化状态,则 层间空穴转移总是很容易发生.由于 *K*点的电子 态一直比较局域,因此电子的转移需要中间态 (MoS<sub>2</sub>@*T*)的协助,这样的电荷转移过程就可以被 外加应力所控制.这个结论可以扩展到许多其他具 有杂化 VBM 和局域 CBM 的 TMD 异质结构.

### 3.2.4 横向 TMD 异质结的超快电荷转移

除了沿着垂直表面方向形成的以 vdW 作用相 结合的异质结, TMD 材料还可以通过同一平面内 的化学键形成横向异质结. 我们想要理解不同的相 互作用对界面电荷转移的影响,于是利用 NAMD 方法研究了 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 横向异质结的激发态载流 子动力学. 横向的异质结有两种界面, 分别是 Armchair 和 Zigzag 界面, 我们分别模拟了这两种界面 在 100 和 300 K 下激发态电子转移动力学, 如图 10 所示. 首先, 研究发现界面电子转移动力学几乎不 依赖于界面结构,对于 Armchair 和 Zigzag 界面, 电子转移动力学的行为几乎是一致的.其次,研究 表明电子转移可以分为一快一慢两个过程,首先发 生的是时间尺度约 20 fs 的快过程,由 AD 机制贡 献,随后发生的是由 NA 机制贡献的慢过程,定性 上来说这两个过程的发生与垂直方向的 vdW TMD 异质结是类似的, 尤其是快过程都由 A<sub>1</sub>声 子贡献,因此时间尺度也很类似.对于慢过程来说 横向异质结与纵向 vdW 异质结的时间尺度稍有不 同,因为横向异质结由化学键相连,因此轨道之间 的相互作用更强,所以在 300 K 慢过程的时间尺 度大约是 100-120 fs, 比纵向异质结的时间尺度 要更短. 当温度降低至 100 K 时, 慢过程被抑制, 时间尺度增大到 110—150 fs<sup>[84]</sup>.

## 3.2.5 其他课题组对 TMD 异质结电荷转移的研究

应该指出的是,除了我们课题组之外,国内外 其他课题组也对 TMD 异质结界面的电荷转移进 行了许多研究. 北京师范大学龙闰和南加州大学 Prezhdo<sup>[85]</sup>利用类似的方法研究了 MoS<sub>2</sub>/MoSe<sub>2</sub> 界面的电子空穴超快转移过程,除了电声耦合效 应,他们还指出载流子的退相干效应在电荷转移过 程中起到重要作用. 美国伦斯勒理工学院的张绳 百教授课题组<sup>[86]</sup>利用基于 TDDFT 的 Erhenfest NAMD 方法研究了 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> vdW 异质结界面 的电荷转移. 在他们的工作中也发现 A1 振动模式 在分子动力学中起到了重要的作用.他们发现 MoS<sub>2</sub>到WS<sub>2</sub>之间的空穴转移的时间尺度大约是 100 fs, 并且伴随有两层之间的电荷振荡, 他们认 为这种电荷振荡与电偶极矩的变化耦合在一起.中 国科学院物理研究所孟胜教授与北京大学刘开辉 教授课题组[87]合作的超快光谱实验,利用同样的 方法研究了不同堆叠方式的 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 的空穴转 移动力学,他们的工作发现空穴转移与堆叠方式有 很强的依赖性,对于不同的堆叠方式,空穴转移的 时间尺度可以由 180 fs 变化到 1500 fs. 他们认为 空穴的转移是通过其中最快的通道来进行的. 通过 这些不同的工作可以发现, 基于 TDDFT 的 Erhenfest 和结合了 TDKS 的 surface hopping 两种分子



图 10 Zigzag 和 Armchair 横向异质结在 100 和 300 K 下 (a)—(d) 激发态电子空间分布随时间的演化以及 (e)—(h) 对应的平均 能量随时间的演化, 能量零点取平均的 VBM 值 (图片经文献 [84] 允许转载, 版权归 2019 IOP Publishing Ltd 所有)

Fig. 10. Nonadiabatic dynamics of excited electron in the Zigzag and Armchair  $MoS_2/WS_2$  at 100 K and 300 K, respectively: (a)–(d) Timedependent spatial localization; (e)–(h) average energy evolution. The energy of the averaged VBM is set as the reference (Reprinted with permission from Ref. [84]. Copyright 2019 IOP Publishing Ltd). 动力学方法对 TMD 界面的电荷转移动力学给出 了不同的时间尺度.作为一个新兴的领域,两种方 案都有各自不同的问题.例如 surface hopping 方 法的结果说明电荷转移与堆叠方式无关,与实验符 合得不错,但是其结果中显著的温度效应却与实验 有很大的偏差.同时结合 TDKS 的 surface hopping 方法并没有考虑电子空穴的相互作用,也就是激子 效应.针对这一点,加州大学北岭分校的吕刚教授 课题组<sup>[88]</sup>用线性响应含时密度泛函(LR-TDDFT) 基组代替 KS 基组,研究了 MoS<sub>2</sub>/WS<sub>2</sub> 界面的电荷 转移动力学,在这个层次上,他们发现考虑了激子 效应之后,电子空穴可以以激子的方式发生层间转 移,这为电荷转移带来了更多的通道,因此考虑了 激子效应之后空穴的转移速度比单粒子基组的情 况快了很多.

### 3.3 $TiO_2$ 锐钛矿/金红石界面的电荷转移

除了 TMD vdW 异质结, 我们还研究了 TiO<sub>2</sub> 体系中的锐钛矿/金红石 (Anatase/Rutile, A/R) 构成的混合相 TiO<sub>2</sub> 异质结,这种结构被认为具 有第二类的能带对齐方式,从而能够实现有效的 电荷分离,因此具有比单相 TiO<sub>2</sub> 更高的催化活 性<sup>[17,89–91]</sup>.

这个体系的挑战在于其界面结构难以确定,因此,我们首先利用自适应基因算法 (adaptive genetic algorithm, AGA)<sup>[92]</sup> 分别搜索了没有缺陷和有氧空位缺陷的 A/R 异质结.在我们找到的 9 个能量最低的构型中,没有缺陷的 A/R 异质结 全部具有第二类的能带对齐方式,其中 VBM 和 CBM 分别位于 Rutile 和 Anatase 相中. 然而,在有氧空位缺陷的情况下,却有可能形成第一类能带对齐方式,也可能形成与没有缺陷的 A/R 异质结 相反的第二类能带对齐方式,也就是说,VBM 位于 Rutile 中,而 CBM 位于 Anatase 中.

对于无缺陷的体系,选取 AGA 搜索出来的最稳定的结构进行界面电荷转移动力学模拟.如图 11 所示,当电子被激发到 Rutile 的 CBM 上之后,在约 400 fs 的时间尺度内从 Rutile 的 CBM



图 11 无缺陷 A/R 异质结中的时间分辨电荷转移动力学过程 (a) 电子态的能量随时间演化图, 红色和蓝色线分别代表 Anatase 和 Rutile 贡献的电子态; (b), (c) 激发态电子和空穴的能量随着时间的演化图, 颜色条表明电子和空穴在不同态上的分布情况; (d)—(i) 电子和空穴分别投影到 Anatase、界面和 Rutile 区域上的空间分布随时间的演化曲线. 能量零点为 VBM 的平均能量 (图 片经文献 [93] 允许转载, 版权归 2018 American Chemical Society 所有)

Fig. 11. Time-dependent charge-transfer dynamics in stoichiometric A/R mixed-phase structure: (a) Time-dependent energy states evolution. The red and blue lines represent the states' contribution by anatase and rutile, respectively. (b), (c) Time-dependent energy change of excited electron and hole. The color strips indicate the electron/hole distribution on different energy states and the dashed line represents the averaged electron/hole energy. (d)–(i) Time-dependent electron and hole localization projected onto the anatase, interface, and rutile regions, represented by red, olive, and blue, respectively. The energy of the averaged VBM is set as the reference in panels (a)–(c) (Reprinted with permission from Ref. [93]. Copyright 2018 American Chemical Society). (3.7 eV)转移到 Anatase 的 CBM(3.2 eV)上,空 穴的转移时间尺度也很类似. 电子和空穴的转移都 存在一快一慢两个过程,快过程约 20 fs,主要由 AD 机制贡献,与 TiO<sub>2</sub>中光学声子密切相关,400 fs 的 慢过程中,AD 和 NA 机制都有贡献. 随着时间的 增加,NA 机制变得越来越重要,但一直比 AD 机 制的贡献小. 同时研究了电子空穴 (e-h)复合的时 间尺度,发现在单相 Anatase 和 Rutile 体系中,e-h 复合时间尺度分别是 7.5 和 0.5 ns,与前人的实验 结果符合得很好. 形成 A/R 界面之后,e-h 复合时 间尺度可以达到 150 ns.与 e-h 复合时间尺度相 比,界面电荷转移要快得多,因此,我们认为对于 无缺陷的 A/R 异质结界面,界面电荷转移可以有 效发生.

对于有氧空位的 A/R 异质结, 我们选择具有 深缺陷能级的体系作为研究对象, 来研究电荷转移 的动力学过程. 这样的深缺陷能级有可能会形成电子-空穴的复合中心. 如图 12 所示, 可以看到, 激 发态的电子能够在初始的 150 fs 内从 Anatase 的

CBM 弛豫到 Rutile 的 CBM 上, 随后会在 1 ps 之 内被缺陷态捕获. 而激发态空穴会在 400 fs 内转移 到 Anatase 的 VBM 上, 与无缺陷 A/R 异质结的 电子/空穴转移的时间尺度是类似的. 然而, 在 1 ps 内只有 4% 的空穴被缺陷态捕获, 这就意味着 缺陷态不能有效地捕获空穴. 因此, 有氧空位 A/R 异质结中, 缺陷态的存在能够捕获电子但是 不能捕获空穴, 在这种情况下, e-h 复合的时间尺 度仍然为 ns 量级, 界面的电荷转移可以有效发生.

这项研究工作表明, A/R 界面的能带匹配受 具体结构的影响很大, 尤其是当有氧空位存在的时 候, 甚至可以形成跟无缺陷异质结相反的能带顺 序. 然而, 无论是否有缺陷, 只要界面可以形成第 二类半导体能带匹配, 电子/空穴的转移就可以有 效地发生, 时间尺度在 400 fs 左右. 深能级的缺陷 态可以有效地捕获电子, 但是捕获空穴的效率较 低, e-h 复合的时间尺度一直在 ns 量级. 这项工作 为异质结提升太阳能转化效率提供了有力的理论 依据<sup>[93]</sup>.



图 12 有氧空位 A/R 异质结的电荷转移动力学过程 (a) 电子态的能量随时间演化图, 红色和蓝色线分别代表 Anatase 和 Rutile 贡献的电子态; (b), (c) 激发态电子和空穴的能量随时间的演化图, 颜色条表明电子和空穴在不同态上的分布情况; (d)—(i) 电子和空穴分别投影到 Anatase、界面和 Rutile 区域上的空间分布随时间的演化曲线. 体系 VBM 的平均能量作为能量 零点 (图片经文献 [93] 允许转载, 版权归 2018 American Chemical Society 所有)

Fig. 12. Time-dependent charge-transfer dynamics in defective A/R mixed-phase structure: (a) Time-dependent energy states evolution. The red and blue lines represent the states' contribution by anatase and rutile, respectively. (b), (c) Time-dependent energy change of excited electron and hole. The color strips indicate the electron/hole distribution on different energy states and the dashed line represents the averaged electron/hole energy. (d)–(i) Time-dependent electron and hole localization projected onto the anatase, interface, and rutile regions, represented by red, olive, and blue, respectively. The energy of the averaged VBM is set as the reference in panels (a)–(c) (Reprinted with permission from Ref. [93]. Copyright 2018 American Chemical Society). 4 激发态 e-h 复合研究

除了界面间的电荷迁移动力学, Hefei-NAMD 还可以用来研究激发态 e-h 的非辐射复合, 在这个 过程中,激发态载流子通过与声子散射将能量传递 给晶格,转化为热能,与辐射复合,也就是发光的 过程互为竞争关系. 电子空穴的非辐射复合过程通 常被认为是一种能量损耗与浪费的过程,抑制这个 过程对提升材料的太阳能转化效率有非常重要 的意义. 在半导体材料中, 大家通常认为缺陷和 杂质可以形成电子-空穴复合中心, 早在 50 年代, Shockley-Read-Hall (SRH) 模型就被提出来解决 这个问题<sup>[94]</sup>.在 SRH 模型中, 如果缺陷或杂质可 以形成能量位于能隙中间的"深能级",那么就会形 成电子-空穴复合中心,相反,如果缺陷或杂质能级 距离 CBM 及 VBM 很近, 也就是形成所谓的浅能 级,那么这种缺陷能级就倾向于捕获电子或空穴, 而不会形成 e-h 复合中心. SRH 模型在几十年内 被广泛地应用于半导体领域. 然而, 值得注意的是, SRH 模型只考虑了缺陷/杂质能级的能量位置, 载 流子从 CBM/VBM 到达缺陷能级的时间尺度都 是作为参数来考虑的,并没有定量地考虑电声耦合 在这个过程中的作用. 而在非绝热分子动力学中, 电声耦合被更加准确地考虑了,因此,我们决定从 不同半导体缺陷的性质出发,利用 Hefei-NAMD 研究其 e-h 复合时间尺度, 并与 SRH 模型进行比 较.同时,还提出了一些调控 e-h 复合时间尺度的 方案.

### 4.1 掺杂 TiO<sub>2</sub> 中 e-h 复合

首先选择双掺杂 TiO<sub>2</sub>体系来研究半导体中杂 质能级对 e-h 复合的影响<sup>[95]</sup>. TiO<sub>2</sub>作为宽带隙半 导体,只能吸收太阳能光谱中约占 5% 的紫外光部 分.为了提高太阳能转换效率,元素掺杂被认为是 一种有效的调控带隙、增大光吸收的手段. 相比于 单元素掺杂,双元素掺杂的半导体材料稳定性更 好.双元素掺杂可以选择采用饱和掺杂和非饱和掺 杂的方案,饱和掺杂中阳离子杂质和阴离子杂质电 荷抵消,不会为体系提供多余的电荷,而非饱和掺 杂中则会引入多余的电荷<sup>[11,96]</sup>. 然而,掺杂形成的 缺陷态也可能成为 e-h 的复合中心,这又导致光转 换效率下降. 为了研究 e-h 复合中心形成的物理机 制,我们使用 NAMD 方法研究了不同的双元素掺 杂对 TiO<sub>2</sub> 中 e-h 复合速率的影响.如图 13 所示, 当采用非饱和掺杂,例如 Cr-N 掺杂时,多余的电 子会在能隙中间形成一个缺陷能级,电子空穴会 在 ps 量级内完成复合;如果采用饱和掺杂的方案, 例如 V-N 掺杂,那么只会在 CBM 引入浅能级,而 浅能级的引入不会导致电子空穴的迅速复合.由此 发现,在 TiO<sub>2</sub> 体系中,深能级可以形成 e-h 复合中 心,而浅能级则不能,这与 SRH 模型给出的物理 图像是一致的.

我们进一步的分析表明, Cr-N 掺杂的深能级 之所以可以形成 e-h 复合中心, 主要是由于杂质声 子的作用. 当 Cr-N 掺杂引入一个多余电荷之后, 杂质与周围的 TiO<sub>2</sub> 形成了较强的耦合, 因此 Cr-N 杂质的声子激发会导致周围的 TiO<sub>2</sub> 原子一 起发生共振, 如图 14 所示, 此时激发杂质声子, 会 导致电子空穴的快速复合. 相反, 如果激发一个只 有 TiO<sub>2</sub> 的声子模式, 电子空穴则复合很慢, 这说 明 e-h 复合主要是杂质声子导致的. 而对于饱和型 的 V-N 掺杂, 杂质的振动局域在 V-N 之间, 周围 的 TiO<sub>2</sub> 原子不会随之一起振动, 这种局域的杂质 声子的影响有限, 不会造成 e-h 复合中心. 我们进 一步通过数据拟合给出了声子局域程度与 e-h 复 合时间的曲线, 如图 15 所示, 二者几乎呈现指数 关系, 局域杂质声子不容易加速电子空穴的复合.

### 4.2 单层黑磷中的 e-h 复合研究

在传统的半导体材料 TiO<sub>2</sub>中,我们发现 NAMD 方法得到的结论和 SRH 模型是一致的. 随 后,我们选择单层黑磷作为二维半导体的代表来研 究缺陷和杂质对 e-h 复合的影响.分别研究了黑磷 的本征缺陷、氧化物吸附和同族元素掺杂这三种情 况. 出乎意料的是,我们发现 SRH 模型在黑磷这 个体系中完全失效了,在我们研究的几种情况中, 电子-空穴复合中心都没有形成<sup>[97]</sup>.

首先研究了黑磷中3种不同的本征缺陷对 e-h 复合动力学的影响,三种缺陷包括磷空位 (P<sub>v</sub>)、磷 填隙 (P<sub>int</sub>)和磷吸附 (P<sub>ad</sub>). 这三种缺陷都会在带 隙内引入杂质能级,不同的是, P<sub>v</sub>和 P<sub>int</sub>引入的是 靠近 VBM 较浅的杂质能级;而 P<sub>ad</sub>引入的是位于 带隙中间较深的杂质能级. 出乎意料的是, 如图 16 所示, NAMD 结果表明它们都不会加速 e-h 复合 过程. 无缺陷的黑磷体系 e-h 复合时间尺度为



图 13 不同掺杂方案的 TiO<sub>2</sub>体系的电子结构和含时演化的电子/空穴复合动力学过程以及非绝热耦合值,包括:干净的 TiO<sub>2</sub>、 Cr-N 掺杂和 V-N 掺杂的 TiO<sub>2</sub>体系 (a)—(c)体系的总态密度及杂质原子的分态密度分布.(d)—(f)体系在 300 和 100 K 温度 下 e-h 复合的含时演化.颜色条表示电子/空穴弛豫到不同能态上的分布,虚线表示电子/空穴的平均能量值.图中的能级都是以 平均的 VBM 能量为零点.(g)—(i)相关能级之间的 NAC (图片经文献 [95]允许转载,版权归 2018 American Chemical Society 所有)

Fig. 13. Electronic structures and the time-dependent electron/hole (e/h) dynamics in undoped, Cr -N- and V -N-doped TiO2: (a)-(c) The total and partial DOS. (d)-(f) The averaged time-dependent e/h energy relaxation at 300 K. The color strip indicates the e/h distribution on different energy states, and the dashed line represents the averaged e/h energy. The energy reference is the average VBM energy. (g)-(i) The averaged NAC elements in undoped and Cr-N- and V-N-doped TiO<sub>2</sub> at 300 K. The inset in panel b shows the spatial distribution of the excess charge induced by Cr-N codoping, in which the Ti, O, Cr, and N atoms are marked by large light blue, small red, large deep blue, and small purple balls, respectively (Reprinted with permission from Ref. [95]. Copyright 2018 American Chemical Society).

375 ps, 对于  $P_v$ 体系, 65% 的空穴在 80 ps 内被缺陷态捕获, 之后需要超过 300 ps 的时间与 CBM 的电子复合.整个体系的 e-h 复合时间是 528 ps, 是无缺陷黑磷的 1.5 倍.对于  $P_{int}$ 体系, 空穴在 VBM 和缺陷态之间于 5 ps 内迅速达到平衡分布, 这是因为两者之间能级几乎简并的缘故.达到平衡分布之后, 这些在 VBM 和缺陷态上的空穴与 CBM 的电子在 316 ps 内发生复合, 和无缺陷黑磷非常接近.最有趣的结果是, 对于  $P_{ad}$ 体系, 尽管缺陷

能级位于能隙中间,但是缺陷捕获空穴的过程发生 得很缓慢,总的 e-h 的复合时间尺度是 473 ps,是 无缺陷黑磷的 1.3 倍.因此,我们发现 P<sub>ad</sub>形成 的深能级不仅没有形成 e-h 复合中心,而且还使得 e-h 复合变慢了.

在 NAMD 模拟中, e-h 复合时间的决定性因 素是非绝热耦合矩阵 (NAC) 和电子态的退相干时 间. NAC 越大, 相干时间越长, 动力学过程越快. 影响 NAC 的因素主要有三个: 能级差、电声耦合



图 14 通过激发单一声子模式来研究 e-h 复合动力学 (a), (b) 激发 Cr-N 掺杂 TiO<sub>2</sub> 中的杂质声子模式; (c), (d) 激发 Cr-N 掺杂 TiO<sub>2</sub> 中的体相声子模式; (e), (f) 激发 V-N 掺杂 TiO<sub>2</sub> 体系中的杂质声子模式. 图中的能量零点为平均的 VBM. (a), (c), (e) 中的颜色条表示的是能级轨道分布的投影 (黑色代表投影到 TiO<sub>2</sub>上的权重, 黄色代表投影到杂质原子上的权重). (b), (d), (f) 中的颜色条代表含时演化过程中电子/空穴弛豫到不同能级上的分布 (图片经文献 [95] 允许转载, 版权归 2018 American Chemical Society 所有)

Fig. 14. Frozen phonon NAMD results for time evolutions of the energy states near VBM and CBM and the averaged time-dependent e/h energy relaxation for Cr–N- and V–N-co-doped TiO<sub>2</sub>: (a), (b) IPM for Cr–N-doped TiO<sub>2</sub>; (c), (d) A single bulk mode for Cr–N-doped TiO<sub>2</sub>; (e), (f) IPM for V–N-doped TiO<sub>2</sub>. The energy reference is the average VBM energy. The color map in (a) indicates the orbital localization (black on TiO<sub>2</sub> and yellow on dopant). The color map in (b) indicates the e/h distribution on different energy states (Reprinted with permission from Ref. [95]. Copyright 2018 American Chemical Society).

矩阵元以及原子核的运动速度.而声子的激发则是 导致电子态退相干的重要因素.图 17 给出了无缺 陷黑磷及三种缺陷黑磷体系的 CBM, VBM, 缺陷 态之间的能隙随时间变化的 FT 谱,可以反映不同 能态之间的电声耦合信息.我们发现,首先,与掺 杂的 TiO<sub>2</sub> 体系不同,黑磷的缺陷没有引入具有明 显特征的缺陷声子,然而,缺陷会引入许多频率较 低的声子,这些低频声子对应的原子核运动速度较 慢,导致 NAC 减小,同时,无缺陷的黑磷 CBM, VBM 以及缺陷态耦合的声子频率比较单一,而 缺陷导致的这些不同频率的声子还会导致电子态的相干寿命缩短.因此,在黑磷体系中,缺陷不但没有引入 e-h 复合中心,反而使得 e-h 复合变得更 慢了.

我们用类似的方法研究了 O 和 O<sub>2</sub> 吸附、O 掺 杂和 H<sub>2</sub>O 吸附在黑磷上的情况,与黑磷本征缺陷 的情况类似,无论是否产生深能级,都不会产生 e-h 复合中心<sup>[98]</sup>.龙闰教授等<sup>[99]</sup>用类似的方法研究了 黑磷的双空位缺陷,他们也得到了缺陷使 e-h 复合 时间变长的结论.



图 15 不同掺杂元素的 TiO<sub>2</sub>体系的 e-h 复合时间与杂质 声子局域度的关系<sup>[95]</sup>. 虚线表示拟合得到的指数曲线 (图 片经文献 [95] 允许转载,版权归 2018 American Chemical Society 所有)

Fig. 15. e-h recombination time in different doped  $\text{TiO}_2$ . The fitting exponential correlation is shown with dashed lines (Reprinted with permission from Ref. [95]. Copyright 2018 American Chemical Society).

由以上的分析可以知道, e-h 复合的时间尺度 受到 NAC 的影响, 而 NAC 正比于原子核的速度, 因此, 我们设想, 如果用不同质量的同族元素对黑 磷进行掺杂, 那么应该可以对 e-h 复合的时间尺度 进行调控.于是, 我们对黑磷进行了 N, As, Sb, Be 的掺杂, 发现同族元素的掺杂不会在能隙中间 带来杂质能级,同时,对 CBM, VBM 轨道分布的 影响也非常小,因此,我们认为影响 e-h 穴复合时 间的因素基本只有掺杂元素的质量.通过计算发 现,掺杂黑磷的 e-h 复合时间与掺杂元素的质量有 正相关的关系,掺杂元素越重,e-h 复合时间越长. 由此,可以利用不同元素的掺杂对黑磷的激发态载 流子寿命进行调控<sup>[100]</sup>.

从对黑磷的研究中发现, NAMD 给出的结果 与 SRH 模型并不一致, NAMD 的结论说明在黑磷 中引入缺陷很难形成 e-h 复合中心.我们认为这首 先与黑磷是一种单质材料有关, 对于单质材料来 说, 引入本征缺陷并不容易引入多余的电荷, 因此, 也就不会形成类似 TiO<sub>2</sub> 体系中的杂质声子.其次, 我们发现 e-h 复合时间的变慢主要源于低频声子 的激发, 这与黑磷作为二维材料硬度较低是有关系 的, 这一结论解释了黑磷材料在光催化及光电器件 领域优异的性质<sup>[10]-109]</sup>.

## 4.3 太阳能电池材料 MAPbI<sub>3</sub> 中 e-h 复合 的性质

在黑磷体系中,我们发现 SRH 模型失效,其 原因与黑磷材料硬度较低有关.于是,我们进一步



图 16 (a) 纯净的 BP 单层, (b) P<sub>v</sub>, (c) P<sub>int</sub>和 (d) P<sub>ad</sub>缺陷体系中 e-h 复合动力学过程. 初始态对应的是 VBM 上占据一个空穴. VBM, CBM 以及缺陷态的空穴占据数分别用黑色、蓝色和红色线条表示. (c) 图中的小插图表示的是在 P<sub>ini</sub>体系中空穴在 VBM 和缺陷态之间迅速达到一个平衡, 这是由于两个能态之间几乎简并的原因 (图片经文献 [97] 允许转载, 版权归 2019 American Chemical Society 所有)

Fig. 16. e-h recombination dynamics in (a) pristine BP monolayer, (b)  $P_v$ , (c)  $P_{int}$ , and (d)  $P_{ad}$  systems. The initial state corresponds to the electron excitation from the VBM to the CBM. Populations of the excited, ground, and defect states are shown by the black, blue, and red lines, respectively. The inset in panel (c) demonstrates fast hole equilibration between the VBM and the defect state attributed to the near-degeneracy between them (Reprinted with permission from Ref. [97]. Copyright 2019 American Chemical Society).



图 17 (a) 纯净的 BP 单层, (b) P<sub>v</sub>, (c) P<sub>int</sub> 和 (d) P<sub>ad</sub> 缺陷体系中 VBM, CBM 及缺陷态之间能级差含时振荡的 FT 变换 (图片经 文献 [97] 允许转载, 版权归 2019 American Chemical Society 所有)

Fig. 17. FT phonon-induced fluctuations of the energy gaps between the VBM, the CBM, and the defect states for (a) pristine BP monolayer, (b)  $P_v$ , (c)  $P_{int}$ , and (d)  $P_{ad}$  systems (Reprinted with permission from Ref. [97]. Copyright 2019 American Chemical Society).



图 18 五种缺陷构型和无缺陷构型的能态态密度以及对应的晶胞结构.能量零点为费米能,圆圈表示缺陷的位置 (图片经文 献 [102] 允许转载,版权归 2020 American Association for the Advancement of Science 所有)

Fig. 18. Atom-projected DOS for different defective and pristine MAPbI3. ((a)-(f)) Defective and Pristine systems of MAPbI3. The energy reference is located at the Fermi level. Inset shows corresponding atomic structure, with blue circle indicating the defect location (Reprinted with permission from Ref. [102]. Copyright 2020 American Association for the Advancement of Science).

研究了太阳能电池材料金属卤化物钙钛矿<sup>[110]</sup>,这 也是一种硬度较低的半导体材料.研究了由甲基胺 碘化铅钙钛矿 (MAPbI<sub>3</sub>)中的点缺陷而引起的非 辐射复合过程.研究了 5 种不同缺陷,包括一种填 隙缺陷:碘填隙 (I<sub>i</sub>);两种空位缺陷: Pb<sub>v</sub>和 I<sub>v</sub>;两 种取代缺陷: MA 分子被 I 和 Pb 取代 (MA<sub>I</sub>和 MA<sub>Pb</sub>).这几种缺陷被认为是这种材料中最稳定 的几种缺陷<sup>[111]</sup>.如图 18 所示,这几种材料中 I<sub>i</sub>和 MA<sub>I</sub>形成了深能级,其他三种缺陷形成浅能级.这 些不同的电子给了我们研究 e-h 复合的很好样本.

图 19 给出了不同缺陷体系和无缺陷 MAPbI<sub>3</sub> e-h 复合的动力学信息,电子可以通过缺陷能级复 合 (间接复合),也可以通过 CBM 和 VBM 直接复 合.与黑磷体系类似,在 MAPbI<sub>3</sub>中,也没有观察 到 e-h 复合中心的形成.相反,对于有的缺陷,例 如 I<sub>i</sub>,对 e-h 复合反而有明显的抑制.对于无缺陷



图 19 不同构型的 MAPbI<sub>3</sub>中 e-h 复合过程 (a) e-h 直接复合和通过缺陷能级的间接复合过程示意图; (b) 2 ns 后不同构型的 e-h 复合率, 蓝色和绿色彩条分别表示直接和间接复合; (c) 直接复合过程中复合率随时间的变化; (d) 间接复合过程中复合率随时间的变化 (图片经文献 [102] 允许转载, 版权归 2020 American Association for the Advancement of Science 所有)

Fig. 19. The e-h recombination process in MAPbI3 systems: (a) Schematic map of the direct and by-defect e-h recombination processes. (b) e-h recombined percentage for different systems after 2 ns. The direct and by-defect e-h recombined percentages are shown by blue and green color bars. (c), (D) Time-dependent e-h recombined percentage for different systems (Reprinted with permission from Ref. [102]. Copyright 2020 American Association for the Advancement of Science).

体系, 约 19% 的 e-h 在 2 ns 内发生复合, 估计 e-h 寿 命约为 11 ns, I<sub>i</sub> 缺陷构型 e-h 复合时间则约为 23 ns.

前面已经讨论过,在 NAMD 模拟中决定寿命 的原因主要是 NAC 和退相干时间. 在 MAPbI<sub>3</sub>体 系中,缺陷带来的退相干时间变化不大,起主要作 用的是 NAC. 我们通过对 CBM, VBM 和缺陷态 进行傅里叶变换来分析电声耦合的性质. 如图 20 所示,我们发现在 MAPbI3 中与 CBM, VBM 和缺 陷态耦合的声子都是 100 cm<sup>-1</sup>以下的低频声子, 这是由于该材料的 CBM 和 VBM 都是由 PbI3 贡 献的,而由于这种材料硬度较低,所以晶格 PbI3 贡 献的都是低频声子,而 MA 分子贡献的高频声子 则与 CBM, VBM 和缺陷态没有耦合. 低频声子对 应较低的原子核运动速度,因此,无论是否有缺陷, MAPbI<sub>3</sub>的 e-h 复合时间尺度总是很长.同时,有 一些缺陷 (例如 I, 缺陷) 会导致缺陷态在一定温度 下变得局域,这种轨道局域化会进一步使 e-h 复合 变慢,而这种轨道局域化也与材料的低硬度直接相 关. 这种缺陷态不会产生 e-h 复合中心的现象保证 了 MAPbI<sub>3</sub> 作为太阳能电池材料的良好性质, 与 现有的实验结果符合得非常好[112-114].



图 20 不同构型的 MAPbI<sub>3</sub> 中 VBM, CBM 和缺陷态的含时能量振荡的 FT 谱 (图片经文献 [102] 允许转载, 版权归 2020 American Association for the Advancement of Science 所有)

Fig. 20. The Fourier transform spectra of the autocorrelation function of the VBM, the CBM, and the defect state energies (Reprinted with permission from Ref. [102]. Copyright 2020 American Association for the Advancement of Science). 从以上对黑磷和 MAPbI<sub>3</sub> 的研究中可以发现, SRH 理论对于硬度较低的材料似乎不再适用,由 此,我们也大胆地猜测在硬度较低的半导体材料 中,缺陷作为 e-h 复合中心的作用不再显著,由此 可以推测低硬度半导体材料有可能在太阳能转化 领域有很好的应用前景.当然,想要证实这个猜测, 还需要有进一步的实验和理论工作,在未来的工作 中,也许可以将材料的硬度设置为一个指标,通过 高通量材料搜索的方式来寻找没有电子空穴复合 中心的新能源材料.

## 4.4 衬底的声子模式对单层 MoSe<sub>2</sub> 中 e-h 复合的调控

前面所有关于半导体 e-h 复合的工作都说明 声子的激发和电声耦合对于 e-h 的复合起着至关 重要的作用,因此,我们设想对 e-h 复合的调控可 以从调控声子激发与电声耦合开始.声子的激发和 电声耦合的决定性因素有很多,本文之前已经讨论 过给材料施加外加应力和掺杂不同质量的元素来 调控声子激发和电声耦合的方法,在这里,我们与 南京大学王枫秋教授课题组<sup>[115]</sup>的超快光谱实验合 作,利用不同衬底对声子激发和电声耦合的影响来 调控 MoSe<sub>2</sub> 材料中 e-h 复合的时间尺度.如图 21 所示,我们的实验合作者通过将单层 MoSe<sub>2</sub> 沉积 到不同的氧化物衬底 (SiO<sub>2</sub>, Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> 和 HfO<sub>2</sub>)上,发 现了 e-h 非辐射复合时间存在巨大的差异.在 SiO<sub>2</sub> 衬底上, MoSe<sub>2</sub> 的非辐射复合时间约 (160 ± 10) ps, 而在 HfO<sub>2</sub>上这个时间减少到 (20 ± 4) ps. 我们利用 NAMD 方法模拟并解释了这个过程.

从图 22 可以看出,在 SiO<sub>2</sub>上 CBM 和 VBM 的能量波动幅度是最小的,最大幅度只有 0.2 eV, 而 Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> 和 HfO<sub>2</sub> 上则分别有 0.8 和 0.5 eV 左右. 这说明 SiO<sub>2</sub>上电声耦合最弱,从 FT 谱可以看出, 三种不同衬底贡献的都是频率高于 400 cm<sup>-1</sup> 波数 的声子, SiO<sub>2</sub> 衬底与 MoSe<sub>2</sub> 的耦合在三种衬底中 是最弱的,因此衬底对电声耦合贡献非常小,这个 衬底上的 e-h 复合是最慢的, 非常接近于孤立的 MoSe<sub>2</sub>. Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>与 HfO<sub>2</sub>两种衬底与 MoSe<sub>2</sub>的耦合 要强很多,此外,  $HfO_2$ 的 CBM 位于  $MoSe_2$ 的带 隙中,这使得这个电子态可以作为中间态加速 e-h 的复合.因此 HfO<sub>2</sub>和 Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> 衬底有效地加速了 e-h 复合, 而其中 HfO<sub>2</sub>上 e-h 复合的时间尺度最短. 这里不同绝缘体衬底对电声耦合贡献与其介电常 数有关.对于半导体和绝缘体,体系的极化很大程 度上来源于离子极化,介电常数越大,说明体系在 有电场的时候越容易产生形变,相应的硬度也就比 较低. 同样, 硬度较低的绝缘体中的声子也越容易 被激发,从而加速 e-h 复合过程.在这里,我们看 到 SiO<sub>2</sub> 贡献的声子波数在 1100 cm<sup>-1</sup>, 而 Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> 和 HfO<sub>2</sub> 贡献的声子波数在 756 和 600 cm<sup>-1</sup> 左右, 频率相对较低.同时,与SiO<sub>2</sub>相比,Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>和HfO<sub>2</sub> 都是高介电函数绝缘体. 这项工作再次证实了电声 耦合对 e-h 非辐射复合的决定性作用,并提出了利 用不同衬底调控 e-h 复合时间的方案<sup>[115]</sup>.



图 21 单层 MoSe<sub>2</sub>在不同氧化物衬底上的超快光子动力学 (a) 界面电声耦合示意图; (b) 在不同衬底上单层 MoSe<sub>2</sub> 的光生载 流子动力学 (图片经文献 [106] 允许转载)

Fig. 21. Ultrafast photocarrier dynamics of monolayer MoSe2 on different oxide substrates: (a) Illustration of interfacial electron-phonon (e-ph) coupling; (b) photocarrier dynamics of monolayer MoSe2 on different substrates (Reprinted with permission from Ref. [106]).



图 22 在HfO<sub>2</sub>, Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>和SiO<sub>2</sub>衬底上单层 MoSe<sub>2</sub>中 e-h 复合动力学 (a)—(c)光激发电子在 MoSe<sub>2</sub>上的空间分布随时间的变化; (d)—(i) CBM, VBM 附近能级能量随时间的演化及其对应的 FT 谱,其中红色箭头标记了主要的声子模式和对应的波数,黑色 区域和粉红色区域分别代表体系声子的总态密度以及在 MoSe<sub>2</sub>上的投影 (图片经文献 [106] 允许转载)

Fig. 22. The nonadiabatic molecular dynamics of e-h recombination in monolayers  $MoSe_2$  on  $HfO_2$ ,  $Al_2O_3$  and  $SiO_2$  substrates: (a)–(c) Time-dependent electron localization on CBM of  $MoSe_2$ ; (d)–(i) Time evolutions of the energy states and their corresponding FT spectra, where red arrows have marked main phonon modes and its corresponding wavenumbers. The whole phonon DOS of the  $MoSe_2$ -oxide substrate systems (black area) and the projection from  $MoSe_2$  (pink area) are also plotted in panels (g)–(i) (Reprinted with permission from Ref. [106]).

## 4.5 半导体中 e-h 非辐射复合动力学小结

本节研究不同的半导体材料体系中 e-h 非辐 射复合动力学过程,包括传统的半导体材料 TiO<sub>2</sub>, 新兴的二维半导体材料黑磷,太阳能电池材料 MAPbI<sub>3</sub>.我们发现对于传统的氧化物半导体材料 TiO<sub>2</sub>,SRH模型与 NAMD模拟的结果符合得很 好,深能级会形成 e-h 复合中心.然而,在黑磷与 MAPbI<sub>3</sub>体系中却发现 SRH模型失效的情况,在 这两个体系中,无论缺陷能级是深能级还是浅能 级,都不容易形成 e-h 复合中心.我们认为这和材 料的硬度低导致的低频模式激发有关,因此,我们 预测硬度降低的半导体材料有可能不容易形成 e-h 复合中心,从而在太阳能转化领域有更好的应用前 景.最后,还提出了一些调控 e-h 复合的方案,包括利 用不同质量的元素掺杂、以及不同的衬底等方案.

### 5 磁性材料载流子动力学

自旋动力学是凝聚态物理中一个重要的领域, 对自旋电子学的发展起着重要的作用.我们希望探 索是否能利用 NAMD 模拟来研究激发态自旋载流 子的动力学.基于这样的想法,我们研究了 Cu 掺 杂单层 MoS<sub>2</sub> 的光激发自旋空穴流动力学过程<sup>[116]</sup>.

如图 23 所示, 在单层  $MoS_2$ 中, 掺杂 Cu 原子 取代 S 原子后会产生 1  $\mu_B$  的磁矩, 这个磁矩来自 于 Mo 原子的 4d 轨道上剩余的一个未配对电子. 当多个 Cu 杂质原子在同一层沿着 Y方向排列时, 每个 Cu 掺杂原子上的自旋会通过超交换相互作



图 23 (a) Cu 掺杂单层 MoS<sub>2</sub>体系自旋极化的能带结构和投影态密度; (b) Cu 掺杂单层 MoS<sub>2</sub>的杂质态轨道空间分布. 图 (a) 中的箭头显示了自旋极化的空穴在杂质态之间进行弛豫的过程 (图片经文献 [107] 允许转载, 版权归 2017 American Physical Society 所有)

Fig. 23. (a) Spin-polarized band structure and the projected density of states; (b) orbital spatial distribution of the Cu doped MoS2. The process of spin hole relaxation within the impurity states is indicated by the arrow in panel (a) (Reprinted with permission from Ref. [107]. Copyright 2017 American Physical Society).



图 24 在 100 和 50 K 的不同温度下,杂质态本征能量的含时演化 ((a), (c))及其自关联函数的 FT 谱 ((b), (d)),以及每一个声 子本征振动模式的空间局域度分别在 Cu 杂质原子和 MoS<sub>2</sub>上的投影 ((e), (f))(图片经文献 [107] 允许转载,版权归 2017 American Physical Society 所有)

Fig. 24. (a), (c) Time-dependent evolution of the energy of the impurity states; (b), (d) FT spectra to the autocorrelation function of the energy evolutionat 100 and 50 K, respectively; (e), (f) spatial localization of each normal phonon mode projected on the Cu impurity and MoS2 host, respectively (Reprinted with permission from Ref. [107]. Copyright 2017 American Physical Society).

用形成铁磁长程序.因此,Cu掺杂后在单层 MoS<sub>2</sub> 带隙中引入的四条空间局域的杂质态会发生自旋 劈裂 (图中标记为自旋态 1,2,3,4),从而光激发 可以产生完全自旋极化的空穴流,并在一定时间内 弛豫到基态.光激发自旋空穴流的寿命决定了此类 材料在自旋电子学中的应用,因此,对激发态自旋 空穴流的 NAMD 模拟可以为相关光学自旋器件的 设计制造提供理论依据.

我们分别研究了温度在 100 和 50 K 下的自旋 空穴动力学. 图 24 给出了四条杂质态在 100 和 50 K 条件下随时间变化的能级能量演化及 FT 谱. 杂质态的能量振荡幅度在 0.19—0.30 eV 之间, 比 单层 MoS<sub>2</sub> 的 CBM/VBM 振荡幅度大很多, 说明 杂质态的电声耦合相对比较强. 从 FT 谱可以得到 电声耦合中的主要声子模, 如图 24(b) 和图 24(d) 所示, 杂质态主要与 240 cm<sup>-1</sup> 以下的声子耦合.

光激发可以在杂质带 1 或者杂质带 2 上产生 自旋极化的空穴,一旦空穴弛豫到费米面以上,自 旋极化的空穴流就消失了.如图 25 所示,我们发 现在 50 和 100 K 的温度下,自旋空穴都是沿着相 邻的能带向上逐级弛豫的.然而,虽然能量弛豫的特 点很类似,但是具体的时间尺度与温度有比较大的 关系.当温度从 100 K 降至 50 K 时,空穴在带间的 弛豫受到强烈的抑制.我们认为这是由于低温下大 量声子被冻结,因而产生了自旋空穴弛豫的瓶颈.

本工作为 NAMD 在激发态自旋动力学领域的 初步尝试, 我们成功地研究了光激发自旋空穴流的 动力学过程, 显示了本方法在激发态自旋动力学领 域中的应用潜力.值得注意的是,这个工作中没有 考虑自旋轨道耦合,因此,这套方案无法研究激发 态载流子自旋方向的变化.我们计划在未来的计算 方法中加入自旋轨道耦合,来研究更加丰富的光激 发自旋动力学现象.

### 6 激子动力学

在光激发的情况下,固体中产生的电子空穴对 会通过库仑相互作用束缚在一起,形成激子,由于 存在电子空穴相互作用,多体效应反应了激子的本 质.激子普遍存在于绝缘体、半导体以及一些分子 中,尤其在新近发展的二维材料中,由于缺少三维 屏蔽,激子的束缚能非常大,多体效应尤为明显. 激子是凝聚态物理中激发态能量转移的基本单位, 对激子的描述是凝聚态物质激发态的关键.

在第一性原理计算领域,基于多体理论的 GW+BSE方法是被公认可以准确计算激子性质 的方法,其发展到应用已有几十年的时间,在许多



图 25 50 和 100 K 环境温度下的光激发自旋极化空穴的动力学.图 (a), (c) 和 (b), (d) 分别是空穴的初始激发在杂质态 1 和杂 质态 2 上的情况.每个图的上半部分所示为空穴的平均能量以及空穴在每一个杂质态上的布居数;下半部分所示为能量弛豫过 程中的 AD 和 NA 过程分别做的贡献 (图片经文献 [107] 允许转载,版权归 2017 American Physical Society 所有)

Fig. 25. Dynamics of a photogenerated hole at 50 and 100 K, respectively. The averaged energy of the hole and the population on each impurity state are shown in the upper panel, and the AD and NA contributions to the energy relaxation are shown in the lower panel with the initial state specified at the impurity state 1 ((a), (c)) and 2 ((b), (d)) (Reprinted with permission from Ref. [107]. Copyright 2017 American Physical Society).

第一性原理计算的软件中都得到了实现(例如 VASP, Berkeley GW, YAMBO等)<sup>[117-125]</sup>,并且 在计算物理领域取得了巨大的成功,成功解释了许 多固体激发态性质.这方面的代表人物是美国科学 院院士 Louie 教授,他们在 Berkeley GW 中实现 了效率很高的 GW 算法<sup>[73]</sup>.

然而,作为常常由光激发产生的准粒子,激子 并不是一个稳定的存在,有可能发生诸如电子空穴 的解离、重组、复合,激子声子散射,单激子转化为 多激子,单重态裂变为三重态,亮激子衰减为暗激 子等过程.在实际问题中,这些激子的动力学行为 往往才是决定器件与材料效率的关键.然而,研究 动力学行为,以10 ps时间尺度,步长1 fs为例,一 条动力学轨迹就需要计算10<sup>4</sup>量级的含时演化,由 于 GW+BSE 巨大的计算量,只能被用于计算单个 结构激子的波函数与束缚能,几十年来依然难以在 动力学领域有所发展.

最近,我们引入固定介电函数近似,在保证结 果准确的基础上,大幅度减少了计算量,成功地将 GW+BSE 与 NAMD 结合,在 Hefei-NAMD 中成 功地实现了上百个原子的 GW+rtBSE 的含时演 化,并用这种方法研究了 MoS<sub>2</sub>体系中的自旋谷激 子动力学<sup>[126]</sup>.

### 6.1 自旋分辨的 GW+rtBSE 方法

GW+rtBSE 方法中哈密顿量可以写为

$$\langle \mathbf{k}cv|H|\mathbf{k}'c'v'\rangle = \left(E_{\mathbf{k}c}^{\mathrm{QP}} - E_{\mathbf{k}v}^{\mathrm{QP}}\right)\delta_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}\delta_{cc'}\delta_{vv'} - W_{\mathbf{k}'c'v'}^{\mathbf{k}cv} + v_{\mathbf{k}'c'v'}^{\mathbf{k}cv},$$
(10)

这里 v/c分别为空穴和电子的指标,  $E_{kc}^{QP} \pi E_{kv}^{QP}$ 是 准粒子能级,  $|kcv\rangle = \psi_{kc}(\mathbf{r}_e)\psi_{kv}^*(\mathbf{r}_h)$ 代表电子空 穴对基组,可以直接由 KS 轨道构造,也可以将自 旋轨道耦合包含在内,采用 spinor 作为基组, spinor 可以由自旋向上和向下的 KS 轨道构造,即 $\psi_{kn}(\mathbf{r}) = \psi_{\uparrow kn}(\mathbf{r}) |\uparrow\rangle + \psi_{\downarrow kn}(\mathbf{r}) |\downarrow\rangle = \sum_{\sigma=\uparrow,\downarrow} |\sigma kn\rangle \otimes |\sigma\rangle$ , 其中 $\psi_{\uparrow(\downarrow)kn}(\mathbf{r}) = e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} u_{\uparrow(\downarrow)kn}(\mathbf{r})$ 是自旋向上/向下 的 KS 轨道. (10) 式中的 W和 v代表电子与空穴 的屏蔽库仑势和交换相互作用,可以分别写为

$$W_{\boldsymbol{k}'c'v'}^{\boldsymbol{k}cv} = \frac{1}{\Omega} \sum_{\boldsymbol{G}\boldsymbol{G}'} \frac{4\pi\varepsilon_{\boldsymbol{G}\boldsymbol{G}'}^{-1}\left(\boldsymbol{k}-\boldsymbol{k}'\right)}{|\boldsymbol{k}-\boldsymbol{k}'+\boldsymbol{G}|\left|\boldsymbol{k}-\boldsymbol{k}'+\boldsymbol{G}'\right|} \left(B_{\uparrow\boldsymbol{k}'c'}^{\uparrow\boldsymbol{k}c}\left(\boldsymbol{G}\right) + B_{\downarrow\boldsymbol{k}'c'}^{\downarrow\boldsymbol{k}c}\left(\boldsymbol{G}\right)\right) \left(B_{\uparrow\boldsymbol{k}'v'}^{\uparrow\boldsymbol{k}v}*\left(\boldsymbol{G}'\right) + B_{\downarrow\boldsymbol{k}'v'}^{\downarrow\boldsymbol{k}v}*\left(\boldsymbol{G}'\right)\right), \quad (11)$$
$$v_{\boldsymbol{k}'c'v'}^{\boldsymbol{k}cv} = \frac{1}{\Omega} \sum_{\boldsymbol{G}\neq 0} \frac{4\pi}{|\boldsymbol{G}|^2} \left(B_{\uparrow\boldsymbol{k}v}^{\uparrow\boldsymbol{k}c}\left(\boldsymbol{G}\right) + B_{\downarrow\boldsymbol{k}v}^{\downarrow\boldsymbol{k}c}\left(\boldsymbol{G}\right)\right) \left(B_{\uparrow\boldsymbol{k}'v'}^{\uparrow\boldsymbol{k}'v'}*\left(\boldsymbol{G}'\right) + B_{\downarrow\boldsymbol{k}'v'}^{\downarrow\boldsymbol{k}'v'}*\left(\boldsymbol{G}'\right)\right), \quad (12)$$

这里的 $\varepsilon_{GG'}^{-1}(\mathbf{k} - \mathbf{k}')$ 是介电函数的倒数,可以由 GW 计算得到, G 是倒空间格矢, B 是布洛赫积分  $B_{\sigma\mathbf{k}'n'}^{\sigma\mathbf{k}n}(\mathbf{G}) = \langle u_{\sigma\mathbf{k}n} | \mathbf{e}^{\mathbf{i}\mathbf{G}\cdot\mathbf{r}} | \sigma_{\sigma\mathbf{k}'n'} \rangle$ ,可以由 KS 基组 或者 spinor 基组得到.

基于 (10) 式的 BSE 哈密顿量, 含时 BSE 方 程可以写为

$$i\hbar \frac{\partial \Phi(\boldsymbol{r}_{e}, \boldsymbol{r}_{h}, t)}{\partial t} = H\left(\boldsymbol{R}(t)\right) \Phi(\boldsymbol{r}_{e}, \boldsymbol{r}_{h}, t).$$
(13)

与单粒子的非绝热分子动力学方法类似,原子核的运动轨迹 **R**(t)可以用第一性原理分子动力学得到.激子态的波函数可以写为

$$\Phi\left(\boldsymbol{r}_{e}, \boldsymbol{r}_{h}, t\right) = \sum_{\boldsymbol{k}} \sum_{c} \sum_{v}^{elec} \sum_{v} A_{\boldsymbol{k}cv}\left(t\right)$$
$$\times \psi_{\boldsymbol{k}c}\left(\boldsymbol{r}_{e}\right) \psi_{\boldsymbol{k}v}^{*}\left(\boldsymbol{r}_{h}\right), \qquad (14)$$

其中 $\psi_{kc}(\psi_{kv})$ 为 KS 轨道基组或 spinor 基组,于 是含时系数演化可以写为

$$i\hbar \frac{\partial A_{kcv}}{\partial t} = \sum_{\mathbf{k}'} \sum_{c'}^{\text{elec}} \sum_{v'}^{\text{hole}} \left( \langle \mathbf{k}cv | H | \mathbf{k}'c'v' \rangle - i\hbar \langle \mathbf{k}cv | \frac{\partial}{\partial t} | \mathbf{k}'c'v' \rangle \right) A_{\mathbf{k}'c'v'}, \quad (15)$$

这里  $\langle \mathbf{k}cv | H | \mathbf{k}'c'v' \rangle - i\hbar \langle \mathbf{k}cv | \frac{\partial}{\partial t} | \mathbf{k}'c'v' \rangle$ 中的非对角 元即为激子动力学中非绝热耦合矩阵元,其中

$$\begin{aligned} \langle \mathbf{k}cv | \frac{\partial}{\partial t} | \mathbf{k}'c'v' \rangle &= \\ \left\{ \left( \langle \uparrow \mathbf{k}c | \frac{\partial}{\partial t} | \uparrow \mathbf{k}'c' \rangle + \langle \downarrow \mathbf{k}c | \frac{\partial}{\partial t} | \downarrow \mathbf{k}'c' \rangle \right) \delta_{vv'} \\ &+ \left( \langle \uparrow \mathbf{k}v | \frac{\partial}{\partial t} | \uparrow \mathbf{k}'v' \rangle + \langle \downarrow \mathbf{k}v | \frac{\partial}{\partial t} | \downarrow \mathbf{k}'v' \rangle \right) \delta_{cc'} \right\} \delta_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}, \end{aligned}$$

$$(16)$$

为电声耦合部分,包含了电子与空穴的贡献.可以 注意到,在GW+rtBSE-NAMD方法中,非绝热耦 合项不但包含电子空穴的电声耦合,同时也包含了 电子空穴屏蔽库仑势 W以及交换相关势 v的贡献. 由于 GW 的计算量非常庞大,在动力学过程 中每一步都进行 GW 计算是不可能实现的.但是, 我们意识到固体材料在室温下具有较好的热稳定 性,通过理论计算,我们验证了材料的介电性质在 常温动力学过程中改变很小<sup>[126]</sup>,利用这一特点,引 入"固定介电函数"近似.在这个近似中,我们认为 材料的介电函数在整个动力学过程中不发生变化, 这样的话,可以只进行一次 GW 计算,从中得到固 体的介电函数 $\delta_{GG'}(k - k')$ 之后,可以利用 (11) 式 和 (12) 式来构造每一时刻的屏蔽库仑势 W以及 交换相关势 v,计算 GW 准粒子能级与 KS 能级的 能量差,并通过剪刀算符得到每一时刻的准粒子能 级能量,有了 W, v 和准粒子能级能量,就可以通 过 (13) 式来构造 BSE 哈密顿量并研究含时激子 动力学.

因此,如图 26 所示,GW+rtBSE-NAMD 方法的大致流程可以总结为:

i) 优化零温下材料结构, 然后给系统升温至特 定温度并进行一段时间的分子动力学模拟;





ii) 对分子动力学中每一步的结构进行 DFT 计算,得到含时 KS 轨道波函数;

iii) 通过自旋向上和自旋向下的 KS 轨道构造 含时的 spinor 基组;

iv) 使用零温下优化结构进行  $G_0W_0$  计算, 得 到介电函数  $\varepsilon_{GG'}(k - k')$ 以及准粒子能级, 将准粒 子能级与 DFT 计算得到的 KS 轨道能量相减, 得 到  $G_0W_0$  计算的能量修正值;

v) 由介电函数  $\delta_{GG'}(k - k')$ 与 spinor 基组共 同构造电子空穴屏蔽库仑势 W以及交换相关势 v((11) 式和 (12) 式);

vi)利用剪刀算符得到分子动力学每一步的准粒子能级能量,与屏蔽库仑势W以及交换相关势
 v共同构造BSE哈密顿量并进行含时演化((13)式和(15)式);

vii) 取不同的初始结构作为样本,每个初始结构计算多条激子动力学轨线并做统计平均.

### 6.2 MoS<sub>2</sub>体系谷激子动力学研究

以单层 MoS<sub>2</sub>为代表的 TMD 材料是实现谷 电子学及自旋电子学的候选材料,由于具有六角结 构,在布里渊区的六个顶点会形成六个能谷,成为 谷电子学的基本元素.同时,其单层结构打破了空 间反演对称性,与自旋轨道耦合共同作用,形成了 独特的自旋-谷锁定 (spin-valley locking)效应. K或 K'谷的激子可以由不同手性的圆偏光激发, 由于自旋-谷锁定效应,K或 K'谷激子也同时具有 向上或向下的特定自旋方向.激发态自旋谷激子的 动力学行为是决定 TMD 材料谷电子学性质的基 本要素.

然而, TMD 材料中的自旋谷激子动力学非常 复杂, 如果用左旋光激发, K谷会形成亮激子, 实 验发现数皮秒之后 K' 谷也会出现自旋相反的亮激 子, 电子空穴的自旋方向发生了翻转, 同时动量从 K变到了 K', 这个过程被称为谷激子的退极化, 前人基于模型哈密顿量的理论工作认为这个过程 是由电子空穴的交换相互作用导致的<sup>[127]</sup>, 然而也 有人认为这是电子与声子散射的结果<sup>[128–130]</sup>; 除此 以外, 亮激子也可能通过电子或空穴的自旋翻转转 化为自旋禁止的暗激子, 或通过动量的改变形成电 子空穴分别位于 K和 K' 谷的动量禁止的暗激子, 暗激子通常拥有较长的寿命, 在量子计算与玻色爱 因斯坦凝聚等领域有重要应用. 如图 27 所示, MoS<sub>2</sub> 中电子与空穴可以形成 8 种能量接近的电子空穴 对,其中 X1, X2 是亮激子, X3, X4 是自旋禁止暗 激子, X5, X6 是动量禁止的暗激子, X7, X8 是自 旋、动量同时禁止的暗激子.可以看到自旋谷激子 有多条不同的弛豫通道,电子空穴相互作用的多体 效应、电声耦合和自旋轨道耦合等不同物理机制在 其中相互竞争,如何深入而准确地理解,进而调控 TMD 材料中的谷激子动力学是一个非常重要而又 极有挑战的科学问题.

与近些年迅速发展的时间分辨超快动力学实 验手段相比,能够从第一性原理的角度研究二维材 料激子时间与自旋分辨的动力学方法一直没有实 现.普遍认为能够准确描述激子的第一性原理方法 是GW-BSE方法,然而,这种方法通常只用来计 算激子的"静态"性质,由于其巨大的计算量,几十 年来难以在动力学领域有所发展.本工作发现可以 通过引入动力学过程中固定介电函数的近似,只进 行一次GW计算,从W项中提取介电函数矩阵, 用于构造含时BSE哈密顿量,并将单体的含时 Kohn-Sham (TDKS)方程推广为含时两体BSE 方程 (real-time BSE),从而得到激子波函数和能 量的含时演化.由于固体材料在动力学过程中介电 环境变化很小,这个近似在保证结果准确度的基础 上,大幅度减少了计算量,成功地在Hefei-NAMD 中首次实现了上百个原子 GW+rtBSE 的含时演 化,通过与分子动力学的结合自然包含了电声耦 合,同时使用 spinor 基组,包含了自旋轨道耦合效 应,该方法的发展为研究 TMD 材料的谷激子动力 学提供了有力的工具.

通过含时激子动力学模拟,如图 28 所示,我们 发现在 K 谷的亮激子 (X1) 被激发之后,大约 30 fs 之后占据数从 98% 降至 68%,同时 X5的占据从 0% 升高到 30%.说明在这个时间尺度电子被声子 散射到 K'谷,形成动量禁止的暗激子.这样的散 射能够发生也是因为 CBM 的自旋轨道分裂只有 20 meV,小于声子的能量.在这个超快过程之后, X1 和 X5 的占据数会在一个相对缓慢的时间尺度 上减小,同时 X7, X8 和 X2 的占据数会增大.在大 约 4 ps 之后,体系达到平衡,此时两个动量与自旋 都禁止的激子 X7, X8 的占据数相对最大,达到 22% 与 18%,这是由 CBM 的能量劈裂和暗激子缺 少电子空穴的交换项造成的.两个亮激子 X1, X2 的占据数为 18% 和 15%,剩余的占据分布在其 余四个暗激子态上.

在 GW+rtBSE 方法中, 非绝热耦合项包含四部分的贡献, 分别是: i) 电声耦合; ii) 自旋轨道耦合; iii) 电子空穴库仑相互作用 (W); iv) 电子空穴 交换相互作用 (v). 分析表明, 亮激子 X1 到 X2 的



图 27  $MoS_2$  自旋谷激子动力学示意图 (a)  $MoS_2$  的六个自旋谷; (b) 不同的激子弛豫通道; (c)8 种能量最低的亮、暗激子 (图片 经文献 [117] 允许转载, 版权归 2021 American Association for the Advancement of Science 所有)

Fig. 27. Schematic showing spin-valley dynamics in TMD systems: (a) Band structure at the band edges near K and K'; (b) intervalley bright exciton transition and bright-to-dark exciton transition processes are shown; (c) e-h pairs involved during the exciton dynamics (Reprinted with permission from Ref. [117]. Copyright 2021 American Association for the Advancement of Science).



图 28 MoS<sub>2</sub> 材料中的含时激子动力学 (a) K谷亮激子 X1 激发之后,不同激子态占据数随时间的变化; (b) 没有交换相互作用 的情况下, K谷亮激子 X1 激发之后,不同激子态占据数随时间的变化; 非绝热耦合矩阵中电子空穴 (c) 库仑相互作用 (W), (d) 交换相互作用 (v), (e) 自旋轨道耦合 (SOI) 以及 (f) 电声耦合 (e-ph) 的贡献 (图片经文献 [117] 允许转载,版权归 2021 American Association for the Advancement of Science 所有)

Fig. 28. Dynamics results and nonadiabatic couplings: (a), (b) Time evolution of the population on X1 to X8 (a) with and (b) without the e-h interaction W and v in the NAMD simulation. The time-dependent valley polarization is inserted in panel (a). (c)–(f) Averaged NACs contributed by W, v, SOI, and e-ph, respectively (Reprinted with permission from Ref. [117]. Copyright 2021 American Association for the Advancement of Science).

转化过程是由电子空穴的交换相互作用导致的,是 激子多体效应的直接体现,证实了交换相互作用导 致亮激子谷间散射的观点,与之前不同实验组报道 的时间分辨实验结果符合完好<sup>[76,131,132]</sup>;同时,自旋 轨道耦合则能够让亮激子转化为自旋禁止的暗激 子,时间尺度也是皮秒量级,而电声散射发生在飞 秒量级,时间尺度也与两个不同实验组超快光电子 谱实验结果符合<sup>[133,134]</sup>.非绝热耦合项里,自旋轨 道耦合与电子空穴交换相互作用处于一个量级,电 声耦合比这两项大一个数量级,电子空穴库仑相互 作用在这个过程中几乎不起作用.图 29 给出了激 子弛豫的通道与物理机制示意图.

本工作证明了单层 MoS<sub>2</sub>电子空穴交换相互 作用、电子声子散射、自旋轨道耦合分别是产生亮 激子谷间退极化、动量禁止暗激子、以及自旋禁止 暗激子的物理机制,并得到了相应的时间尺度,与 前人的时间分辨的实验结果高度符合,由第一性原 理计算的角度首次给出了 TMD 材料中的谷激子 动力学清晰完整的物理图像,为实现基于二维材料 的谷电子学器件提供了重要的理论依据.同时这套



图 29 材料中激子弛豫的不同通道与物理机制示意图 (图片经文献[117] 允许转载,版权归2021 American Association for the Advancement of Science 所有)

Fig. 29. Schematic map of the exciton dynamics channels and the correlated mechanisms (Reprinted with permission from Ref. [117]. Copyright 2021 American Association for the Advancement of Science). 方法也可以广泛应用于其他材料体系,可以研究激子的弛豫、寿命、解离、以及与缺陷的相互作用等 重要的物理问题,为基于第一性原理的固体材料激 子动力学研究领域打开了大门.

## 7 总结和展望

本文综述了本课题组近几年来利用 Hefei-NAMD 研究的凝聚态体系中的激发态动力学问题, 包括界面电荷转移、半导体 e-h 复合动力学以及最 近发展的激子动力学,也对激发态自旋动力学领域 做了初步的探索.在界面电荷转移动力学中,研究 了分子/半导体界面、二维 TMD 异质结界面以及 氧化物异质结界面,讨论了界面结构、能带匹配以 及电声耦合对界面电荷转移的影响. 在半导体 e-h 复合的问题中,主要探讨了 e-h 复合中心产生的条 件,选取了传统半导体 TiO2, 二维单质半导体黑 磷、以及太阳能电池材料 MAPbI3 来进行研究. 研 究发现在硬度较低的半导体中较难形成 e-h 复合 中心,这主要和低频声子的激发相关.我们也给出 了一些可能的调控界面电荷转移与 e-h 复合动力 学的方案. 另外, 尝试研究了光激发空穴流的动力 学过程,探索了 NAMD 在激发态自旋动力学中应 用的潜力. 最后, 介绍了最近发展的 GW+rtBSE 方法,以及用这种方法研究的 MoS,中的自旋谷激 子动力学.

值得一提的是,凝聚态体系中的激发态动力学 在第一性原理计算领域是一个刚刚兴起的方向,我 们计划在今后几年的工作中进一步开拓这个领域, 主要包括以下几个方面.

i) 开展固体材料激子动力学的研究. 成功地发展 GW+rtBSE 方法之后, 我们期待能够利用这个独特的工具对固体材料激子动力学开展系统性的研究工作, 计划选择典型的二维材料 TMD 材料、黑磷材料等体系来进行.

ii) 开展光激发自旋动力学研究.使用光激发的手段来调控材料的磁性是超快自旋电子学中的核心概念,利用这种手段可以实现自旋在超快时间尺度上的变化,因此我们计划在今后的工作中开展光激发自旋动力学的研究.计划在哈密顿量中引入自旋轨道耦合,在电子被光激发到高能量能级之后,在其弛豫的过程中有可能由于自旋轨道耦合而发生自旋翻转,导致磁性的变化,当然,在这个过

程中,电声耦合以及自旋-声子的耦合会同时起作 用,我们计划利用第一性原理计算的手段来研究动 力学过程中不同物理机制的竞争与耦合关系.

iii) 引入核量子效应. 在 CPA 近似的基础上, 可以通过路径积分的方法,采用 ring polymer molecular dynamics (RPMD) 代替普通的第一性原理 分子动力学,引入核量子效应.

应该指出的是,这个新兴的研究领域中,很多 其他的课题组也在进行努力,例如,Akimov和他 的合作者们<sup>[135]</sup>将 SOC 包含在 PYXAID 代码中, 他们还在小分子系统实现基于 Δ-SCF 的分子动力 学<sup>[136]</sup>. 吕刚教授课题组<sup>[36]</sup>发展了基于 TDDFT 的 surface hopping 方法. 孟胜和Kaxiras<sup>[30]</sup>在 TDAP 的第一原理模拟中加入了光激发过程. 我们期待这 个新兴的研究领域能够吸引越来越多的物理和化 学科学家的关注与参与,未来能够从第一性原理的 角度深入理解凝聚态体系的激发态动力学及准粒 子耦合过程.

#### 参考文献

- [1] Ross R T, Nozik A J 1982 J. Appl. Phys. 53 3813
- [2] O'Regan B, Grätzel M 1991 Nature 353 737
- [3] Nozik A J 2002 Physica E 14 115
- [4] Tisdale W A, Williams K J, Timp B A, Norris D J, Aydil E S, Zhu X Y 2010 Science 328 1543
- [5] Bernardi M, Palummo M, Grossman J C 2013 Nano Lett. 13 3664
- [6] Rahul, Singh P K, Singh R, Singh V, Bhattacharya B, Khan Z H 2018 Mater. Res. Bull. 97 572
- [7] Fujishima A, Honda K 1972 *Nature* 238 37
- [8] Williams F, Nozik A 1984 Nature **312** 21
- [9] Abuabara S G, Rego L G C, Batista V S 2005 J. Am. Chem. Soc. 127 18234
- [10] Tamaki Y, Furube A, Murai M, Hara K, Katoh R, Tachiya M 2006 J. Am. Chem. Soc. 128 416
- [11] Zhu W, Qiu X, Iancu V, Chen X Q, Pan H, Wang W, Dimitrijevic N M, Rajh T, Meyer III H M, Paranthaman M P, Stocks G M, Weitering H H, Gu B, Eres G, Zhang Z 2009 *Phys. Rev. Lett.* **103** 226401
- [12] Akimov A V, Neukirch A J, Prezhdo O V 2013 Chem. Rev. 113 4496
- [13] Splendiani A, Sun L, Zhang Y, Li T, Kim J, Chim C Y, Galli G, Wang F 2010 Nano Lett. 10 1271
- [14] Wang Q H, Kalantar-Zadeh K, Kis A, Coleman J N, Strano M S 2012 Nat. Nanotechnol. 7 699
- [15] Hong X, Kim J, Shi S-F, Zhang Y, Jin C, Sun Y, Tongay S, Wu J, Zhang Y, Wang F 2014 Nat. Nanotechnol. 9 682
- [16] Wang H, Zhang C, Chan W, Tiwari S, Rana F 2015 Nat. Commun. 6 8831
- [17] Ju M G, Sun G, Wang J, Meng Q, Liang W 2014 ACS Appl. Mater. Interfaces 6 12885
- [18] Born M, Oppenheimer J R 1927 Ann. Phys. 84 457
- [19] Crespo-Otero R, Barbatti M 2018 Chem. Rev. 118 7026

- [20] Zheng Q, Chu W, Zhao C, Zhang L, Guo H, Wang Y, Jiang X, Zhao J 2019 WIREs Comput. Mol. Sci. 9 e1411
- [21] Kuppermann A, Abrol R 2002 Adv. Chem. Phys. 124 283
- [22] Worth G A, Cederbaum L S 2004 Annu. Rev. Phys. Chem. 55 127
- [23] Li X, Tully J C, Schlegel H B, Frisch M J 2005 J. Chem. Phys. 123 084106
- [24] Sawada S-I, Nitzan A, Metiu H 1985 Phys. Rev. B 32 851
- [25] Ehrenfest P 1927 Z. Phys. 45 455
- [26] Schmidt J R, Parandekar P V, Tully J C 2008 J. Chem. Phys. 129 044104
- [27] Space B, Coker D F 1991 J. Chem. Phys. 94 1976
- [28] Tully J C 1990 J. Chem. Phys. 93 1061
- [29] Tully J C, Preston R K 1971 J. Chem. Phys. 55 562
- [30] Meng S, Kaxiras E 2008 J. Chem. Phys. **129** 054110
- [31] Kolesov G, Granas O, Hoyt R, Vinichenko D, Kaxiras E 2016 J. Chem. Theory Comput. 12 466
- [32] Akimov A V, Prezhdo O V 2014 J. Chem. Theory Comput. 10 789
- [33] Akimov A V, Prezhdo O V 2013 J. Chem. Theory Comput. 9 4959
- [34] Craig C F, Duncan W R, Prezhdo O V 2005 Phys. Rev. Lett. 95 163001
- [35] Cui G L, Thiel W 2014 J. Chem. Phys. 141 124101
- [36] Zhang X, Li Z, Lu G 2010 Phys. Rev. B 82 205210
- [37] Wang Z, Li S S, Wang L W 2015 Phys. Rev. Lett. 114 063004
- [38] Wang L, Akimov A, Prezhdo O V 2016 J. Phys. Chem. Lett. 7 2100
- [39] Jaeger H M, Fischer S, Prezhdo O V 2012 J. Chem. Phys. 137 22A545
- [40] Onishi H, Aruga T, Egawa C, Iwasawa Y 1988 Surf. Sci. 193 33
- [41] Zhao J, Li B, Onda K, Feng M, Petek H 2006 Chem. Rev. 106 4402
- [42] Zhou C, Ren Z, Tan S, Ma Z, Mao X, Dai D, Fan H, Yang X, LaRue J, Cooper R, Wodtke A M, Wang Z, Li Z, Wang B, Yang J, Hou J 2010 Chem. Sci. 1 575
- [43] Wang L Q, Ferris K F, Winokur J P, Shultz A N, Baer D R, Engelhard M H 1998 J. Vac. Sci. Technol., A 16 3034
- [44] Petek H, Zhao J 2010 Chem. Rev. 110 7082
- [45] Shen M, Henderson M A 2011 J. Phys. Chem. Lett. 2 2707
- [46] Henderson M A 2011 Surf. Sci. Rep. 66 185
- [47] Chu W, Saidi W A, Zheng Q, Xie Y, Lan Z, Prezhdo O V, Petek H, Zhao J 2016 J. Am. Chem. Soc. 138 13740
- [48] Chen Z, Zhang Q, Luo Y 2018 Angew. Chem. Int. Ed. 57 5320
- [49] Furukawa H, Yaghi O M 2009 J. Am. Chem. Soc. 131 8875
- [50] Sanz-Pérez E S, Murdock C R, Didas S A, Jones C W 2016 *Chem. Rev.* **116** 11840
- [51] White J L, Baruch M F, Pander J E, Hu Y, Fortmeyer I C, Park J E, Zhang T, Liao K, Gu J, Yan Y, Shaw T W, Abelev E, Bocarsly A B 2015 *Chem. Rev.* 115 12888
- [52] Gao S, Sun Z, Liu W, Jiao X, Zu X, Hu Q, Sun Y, Yao T, Zhang W, Wei S, Xie Y 2017 Nat. Commun. 8 14503
- [53] Montoya J H, Seitz L C, Chakthranont P, Vojvodic A, Jaramillo T F, Nørskov J K 2017 Nat. Mater. 16 70
- [54] Gao S, Lin Y, Jiao X, Sun Y, Luo Q, Zhang W, Li D, Yang J, Xie Y 2016 *Nature* **529** 68
- [55] Habisreutinger S N, Schmidt-Mende L, Stolarczyk J K 2013 Angew. Chem. Int. Ed. 52 7372
- [56] Chu W B, Zheng Q J, Prezhdo O V, Zhao J 2020 J. Am. Chem. Soc. 142 3214
- [57] Migani A, Mowbray D J, Zhao J, Petek H, Rubio A 2014 J.

Chem. Theory Comput. 10 2103

- [58] Migani A, Mowbray D J, Iacomino A, Zhao J, Petek H, Rubio A 2013 J. Am. Chem. Soc. 135 11429
- [59] Zhao J, Yang J, Petek H 2009 Phys. Rev. B 80 235416
- [60] Koitaya T, Nakamura H, Yamashita K 2009 J. Phys. Chem. C 113 7236
- [61] Fischer S A, Duncan W R, Prezhdo O V 2009 J. Am. Chem. Soc. 131 15483
- [62] Zhao J, Li B, Jordan K D, Yang J, Petek H 2006 Phys. Rev. B 73 195309
- [63] Onda K, Li B, Zhao J, Jordan K D, Yang J L, Petek H 2005 Science 308 1154
- [64] Li B, Zhao J, Onda K, Jordan K D, Yang J L, Petek H 2006 Science 311 1436
- [65] Wang Y, Guo H, Zheng Q, Saidi W A, Zhao J 2018 J. Phys. Chem. Lett. 9 3049
- [66] Ohtomo A, Hwang H Y 2004 Nature 427 423
- [67] Thiel S, Hammerl G, Schmehl A, Schneider C W, Mannhart J 2006 Science 313 1942
- [68] Cancellieri C, Fontaine D, Gariglio S, Reyren N, Caviglia A D, Fête A, Leake S J, Pauli S A, Willmott P R, Stengel M, Ghosez P, Triscone J M 2011 Phys. Rev. Lett. 107 056102
- [69] Guo H, Zhao C, Zheng Q, Lan Z, Prezhdo O V, Saidi W A, Zhao J 2018 J. Phys. Chem. Lett. 9 3485
- [70] Feng M, Zhao J, Petek H 2008 Science **320** 359
- [71] Mak K F, Lee C, Hone J, Shan J, Heinz T F 2010 Phys. Rev. Lett. 105 136805
- [72] Ramasubramaniam A 2012 Phys. Rev. B 86 115409
- [73] Qiu D Y, da Jornada F H, Louie S G 2013 Phys. Rev. Lett. 111 216805
- [74] Eda G, Yamaguchi H, Voiry D, Fujita T, Chen M, Chhowalla M 2011 Nano Lett. 11 5111
- [75] Cheiwchanchamnangij T, Lambrecht W R L 2012 Phys. Rev. B 85 205302
- [76] Cao T, Wang G, Han W, Ye H, Zhu C, Shi J, Niu Q, Tan P, Wang E, Liu B, Feng J 2012 Nat. Commun. 3 887
- [77] Zeng H, Dai J, Yao W, Xiao D, Cui X 2012 Nat. Nanotechnol. 7 490
- [78] Hao K, Moody G, Wu F, Dass C K, Xu L, Chen C H, Sun L, Li M Y, Li L J, MacDonald A H, Li X 2016 Nat. Phys. 12 677
- [79] Kang J, Tongay S, Zhou J, Li J, Wu J 2013 Appl. Phys. Lett. 102 012111
- [80] Gong C, Zhang H, Wang W, Colombo L, Wallace R M, Cho K 2013 Appl. Phys. Lett. 103 053513
- [81] Zheng Q, Saidi W A, Xie Y, Lan Z, Prezhdo O V, Petek H, Zhao J 2017 Nano Lett. 17 6435
- [82] Zheng Q, Xie Y, Lan Z, Prezhdo O V, Saidi W A, Zhao J 2018 Phys. Rev. B 97 205417
- [83] Tian Y, Zheng Q, Zhao J 2020 J. Phys. Chem. Lett. 11 586
- [84] Zheng Z, Zheng Q, Zhao J 2019 Electron. Struct. 1 034001
- [85] Long R, Prezhdo O V 2016 Nano Lett. 16 1996
- [86] Wang H, Bang J, Sun Y, Liang L, West D, Meunier V, Zhang S B 2016 Nat. Commun. 7 11504
- [87] Ji Z, Hong H, Zhang J, Zhang Q, Huang W, Cao T, Qiao R, Liu C, Liang J, Jin C, Jiao L, Shi K, Meng S, Liu K H 2017 ACS Nano 11 12020
- [88] Liu J, Zhang X, Lu G 2020 Nano Lett. 20 4631
- [89] Hurum D C, Agrios A G, Gray K A, Rajh T, Thurnauer M C 2003 J. Phys. Chem. B 107 4545
- [90] Scanlon D O, Dunnill C W, Buckeridge J, Shevlin S A, Logsdail A J, Woodley S M, Catlow C R A, Powell M J, Palgrave R G, Parkin I P, Watson G W, Keal T W,

- Sherwood P, Walsh A, Sokol A A 2013 Nat. Mater. 12 798
  [91] Mi Y, Weng Y 2015 Sci. Rep. 5 11482
- [92] Wu S Q, Ji M, Wang C Z, Nguyen M C, Zhao X, Umemoto K, Wentzcovitch R M, Ho K M 2013 J. Phys. Condens. Matter 26 035402
- [93] Wang Y, Shi Y, Zhao C, Zheng Q, Zhao J 2019 Phys. Rev. B 99 165309
- [94] Shockley W, Read W T 1952 Phys. Rev. 87 835
- [95] Zhang L, Zheng Q, Xie Y, Lan Z, Prezhdo O V, Saidi W A, Zhao J 2018 Nano Lett. 18 1592
- [96] Gai Y, Li J, Li S S, Xia J B, Wei S H 2009 Phys. Rev. Lett. 102 036402
- [97] Zhang L, Chu W, Zheng Q, Benderskii A V, Prezhdo O V, Zhao J 2019 J. Phys. Chem. Lett. 10 6151
- [98] Zhang L, Vasenko A S, Zhao J, Prezhdo O V 2019 J. Phys. Chem. Lett. 10 1083
- [99] Long R, Fang W, Akimov A V 2016 J. Phys. Chem. Lett. 7 653
- [100] Guo H, Chu W, Zheng Q, Zhao J 2020 J. Phys. Chem. Lett. 11 4662
- [101] Wang H, Wang X, Xia F, Wang L, Jiang H, Xia Q, Chin M L, Dubey M, Han S J 2014 Nano Lett. 14 6424
- [102] Xia F, Wang H, Jia Y 2014 Nat. Commun. 5 4458
- [103] Buscema M, Groenendijk D J, Steele G A, van der Zant H S J, Castellanos-Gomez A 2014 Nat. Commun. 5 4651
- [104] Zhu X, Zhang T, Sun Z, Chen H, Guan J, Chen X, Ji H, Du P, Yang S 2017 Adv. Mater. 29 1605776
- [105] Cai X, Mao L, Yang S, Han K, Zhang J 2018 ACS Energy Lett. 3 932
- [106] Samuel R E 2014 Nature **506** 19
- [107] Zhang Z, Li L, Horng J, Wang N Z, Yang F, Yu Y, Zhang Y, Chen G, Watanabe K, Taniguchi T, Chen X H, Wang F, Zhang Y 2017 Nano Lett. 17 6097
- [108] Guo Q, Pospischil A, Bhuiyan M, Jiang H, Tian H, Farmer D, Deng B, Li C, Han S J, Wang H, Xia Q, Ma T P, Mueller T, Xia F 2016 Nano Lett. 16 4648
- [109] Liu Z, Aydin K 2016 Nano Lett. 16 3457
- [110] Seok S I, Grätzel M, Park N G 2018 Small 14 1704177
- [111] Chu W, Zheng Q, Prezhdo O V, Zhao J, Saidi W A 2020 Sci. Adv. 6 eaaw7453
- [112] Tvingstedt K, Malinkiewicz O, Baumann A, Deibel C, Snaith H J, Dyakonov V, Bolink H J 2014 Sci. Rep. 4 6071
- [113] Ball J M, Petrozza A 2016 Nat. Energy 1 16149
- [114] Tress W, Marinova N, Inganäs O, Nazeeruddin M K, Zakeeruddin S M, Graetzel M 2015 Adv. Energy Mater. 5 1400812

- [115] Nie Z, Shi Y, Qin S, Wang Y, Jiang H, Zheng Q, Cui Y, Meng Y, Song F, Wang X, Turcu I C E, Wang X, Xu Y, Shi Y, Zhao J, Zhang R, Wang F Q 2019 Commun. Phys. 2 103
- [116] Zhao C, Zheng Q, Wu J, Zhao J 2017 Phys. Rev. B 96 134308
- [117] Shishkin M, Kresse G 2006 Phys. Rev. B 74 035101
- [118] Shishkin M, Marsman M, Kresse G 2007 Phys. Rev. Lett. 99 246403
- [119] Shishkin M, Kresse G 2007 Phys. Rev. B 75 235102
- [120] Fuchs F, Furthmüller J, Bechstedt F, Shishkin M, Kresse G 2007 Phys. Rev. B 76 115109
- [121] Hybertsen M S, Louie S G 1986 Phys. Rev. B 34 5390
- [122] Rohlfing M, Louie S G 2000 *Phys. Rev. B* 62 4927
- [123] Deslippe J, Samsonidze G, Strubbe D A, Jain M, Cohen M L, Louie S G 2012 Comput. Phys. Commun. 183 1269
- [124] Marini A, Hogan C, Grüning M, Varsano D 2009 Comput. Phys. Commun. 180 1392
- [125] Sangalli D, Ferretti A, Miranda H, Attaccalite C, Marri I, Cannuccia E, Melo P, Marsili M, Paleari F, Marrazzo A, Prandini G, Bonfà P, Atambo M O, Affinito F, Palummo M, Molina-Sánchez A, Hogan C, Grüning M, Varsano D, Marini A 2019 J. Phys. Condens. Matter **31** 325902
- [126] Jiang X, Zheng Q, Lan Z, Saidi W A, Ren X, Zhao J 2021 Sci. Adv. 7 eabf3759
- [127] Yu T, Wu M W 2014 Phys. Rev. B 89 205303
- [128] Molina-Sánchez A, Sangalli D, Wirtz L, Marini A 2017 Nano Lett. 17 4549
- [129] Carvalho B R, Wang Y, Mignuzzi S, Roy D, Terrones M, Fantini C, Crespi V H, Malard L M, Pimenta M A 2017 *Nat. Commun.* 8 14670
- Miller B, Lindlau J, Bommert M, Neumann A, Yamaguchi H, Holleitner A, Högele A, Wurstbauer U 2019 Nat. Commun. 10 807
- [131] Mai C, Barrette A, Yu Y, Semenov Y G, Kim K W, Cao L, Gundogdu K 2014 Nano Lett. 14 202
- [132] Lagarde D, Bouet L, Marie X, Zhu C R, Liu B L, Amand T, Tan P H, Urbaszek B 2014 Phys. Rev. Lett. 112 047401
- [133] Bertoni R, Nicholson C W, Waldecker L, Hübener H, Monney C, De Giovannini U, Puppin M, Hoesch M, Springate E, Chapman R T, Cacho C, Wolf M, Rubio A, Ernstorfer R 2016 Phys. Rev. Lett. 117 277201
- [134] Liu F, Li Q, Zhu X Y 2020 Phys. Rev. B 101 201405
- [135] Li W, Zhou L, Prezhdo O V, Akimov A V 2018 ACS Energy Lett. 3 2159
- [136] Pradhan E, Sato K, Akimov A V 2018 J. Phys. Condens. Matter 30 484002

### INVITED REVIEW

## Investigation of *ab initio* nonadiabatic molecular dynamics of excited carriers in condensed matter systems<sup>\*</sup>

Zheng Zhen-Fa<sup>1)</sup> Jiang Xiang<sup>1)</sup> Chu Wei-Bin<sup>1)</sup> Zhang Li-Li<sup>1)</sup> Guo Hong-Li<sup>1)</sup> Zhao Chuan-Yu<sup>1)</sup> Wang Ya-Nan<sup>1)</sup>

Wang Ao-Lei<sup>1)</sup> Zheng Qi-Jing<sup>1)†</sup> Zhao Jin<sup>1)2)‡</sup>

 (Key Laboratory of Strongly-Coupled Quantum Matter Physics, Chinese Academy of Sciences, ICQD/Hefei National Laboratory for Physical Sciences at Microscale, Department of Physics, University of Science and Technology of China, Hefei 230026, China)

2) (Department of Physics and Astronomy, University of Pittsburgh, Pittsburgh 15260, America)

(Received 2 April 2021; revised manuscript received 7 May 2021)

#### Abstract

The excited state dynamics is always an important and challenging problem in condensed matter physics. The dynamics of excited carriers can have different relaxation channels, in which the complicated interactions between different quasi-particles come into play collectively. To understand such ultrafast processes, the *ab initio* investigations are essential. Combining the real-time time-dependent density functional theory with fewest switches surface hopping scheme, we develop time-dependent *ab initio* nonadiabatic molecular dynamics (NAMD) code Hefei-NAMD to simulate the excited carrier dynamics in condensed matter systems. Using this method, we investigate the interfacial charge transfer dynamics, the electron-hole recombination dynamics, and the excited spin-polarized hole dynamics in different condensed matter systems. Moreover, we combine *ab initio* nonadiabatic molecular dynamics with GW plus real-time Bethe-Salpeter equation for the spin-resolved exciton dynamics. We use it to study the spin-valley exciton dynamics in MoS<sub>2</sub>. It provides a powerful tool for exciton dynamics in solid systems. The state-of-the-art NAMD studies provide a unique insight into a understanding of the ultrafast dynamics of the excited carriers in different condensed matter systems on an atomic scale.

Keywords: excited state dynamics, Hefei-NAMD, nonadiabatic molecular dynamics, GW + real-time BSEPACS: 71.15.Qe, 71.15.Pd, 73.50.-h, 73.20.MfDOI: 10.7498/aps.70.20210626

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 11974322, 11620101003) and the National Key R&D Program of China (Grant No. 2017YFA0204904).

<sup>†</sup> Corresponding author. E-mail: zqj@ustc.edu.cn

<sup>‡</sup> Corresponding author. E-mail: zhaojin@ustc.edu.cn