# 相位可变压缩相干态的高阶光子反聚束效应\*

张浩杰<sup>1)2)</sup> 郭龑强<sup>1)2)†</sup> 郭晓敏<sup>1)2)</sup> 张健飞<sup>1)2)</sup> 左冠华<sup>3)</sup> 张玉驰<sup>3)</sup> 张天才<sup>3)‡</sup>

1) (太原理工大学物理与光电工程学院,新型传感器与智能控制教育部重点实验室,太原 030024)
 2) (密码科学技术国家重点实验室,北京 100878)
 3) (山西大学光电研究所,量子光学与光量子器件国家重点实验室,太原 030006)

(2022年3月29日收到; 2022年5月18日收到修改稿)

基于扩展的 Hanbury Brown-Twiss 方案研究相位可变压缩相干态的高阶光子关联及反聚束效应. 通过调 控压缩参数 r、平移  $\alpha$  和压缩相位  $\theta$ , 压缩相干态的高阶光子关联呈明显的反聚束效应. 在压缩相位  $\theta \in [0, \pi/2]$ 范围内, 较大  $\alpha$ -r参数区间都可获得光场的高阶反聚束效应, 理想情况下最小的反聚束值为  $g^{(4)} = 6.6352 \times 10^{-5}$ . 研究了背景噪声 $\gamma$ 和系统探测效率  $\eta$  对高阶光子反聚束的影响, 在较低探测效率  $\eta = 0.1$ , 背景噪声 $\gamma = 10^{-6}$ 时, 仍可获得明显的高阶反聚束效应  $g^{(4)} = 0.0149$ , 验证了更高阶光子关联的反聚束效应对实验环境具有较强的鲁棒性. 此外, 研究了相位可变压缩相干态的反聚束效应随探测平均光子数(n)和压缩度 S的变化, 在探测平均光子数远小于 1、压缩参数  $10^{-4}$ 以下时, 仍可得到  $g^{(n)} \ll 0.5$ 的显著的光子反聚束效应. 结果表明利用对压缩相位  $\theta$ 的调控可制备具有明显反聚束效应的压缩相干态, 在量子精密测量及保密通信领域有着潜在的重要应用.

关键词:高阶光子关联,压缩相干态,压缩相位,反聚束效应 PACS: 42.50.-p, 42.50.Ar, 42.50.Dv

**DOI:** 10.7498/aps.71.20220574

1 引 言

压缩态在量子通信<sup>[1,2]</sup>、量子计算<sup>[3,4]</sup>和精密测量<sup>[5,6]</sup>等领域中具有重要应用.已被用于提高引力 波探测器的灵敏度和测量精度等方面<sup>[7,8]</sup>.现今实验 上已经可以通过光学参量振荡器<sup>[9–13]</sup>、四波混频<sup>[14,15]</sup> 以及原子与光力耦合等方法<sup>[16,17]</sup>制备压缩光场, 最大压缩度可达 15 dB<sup>[9]</sup>.作为一种非经典光场, 通常压缩光的光子统计呈明显的聚束效应,但通过 干涉或减光子操作,还可表现出光子反聚束效应<sup>[18,19]</sup>. 更重要的是,在压缩光中引入平移操作,构建制备 压缩相干态,在一定的平移和压缩条件下,可产生 明显反聚束效应的压缩光场<sup>[20,21]</sup>.利用反聚束效应 的光场可以实现超越衍射极限的超分辨成像,结合 更高阶反聚束测量还可提高成像精度<sup>[22,23]</sup>;而且具 有光子反聚束效应的压缩相干光展现出了较好的 粒子特性,利用此性质可抑制多光子发射的概率, 制备高效单光子源,从而为长距离量子密钥分发提 供优质的光源<sup>[24,25]</sup>.因此,在单光子水平上研究压 缩相干态的反聚束效应及量子统计特性已成为研 究的热点.

光子的反聚束效应可由 Glauber<sup>[26,27]</sup> 引入的 二阶光子关联函数 g<sup>(2)</sup>(τ) 来表征, 用以区分判别

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金 (批准号: 61875147, 62175176, 62075154, U21A6006)、山西省重点研发计划 (批准号: 201903D421049) 和山 西省回国留学人员科研资助项目 (批准号: HGKY2019023) 资助的课题.

<sup>†</sup> 通信作者. E-mail: guoyanqiang@tyut.edu.cn

<sup>‡</sup> 通信作者. E-mail: tczhang@sxu.edu.cn

<sup>© 2022</sup> 中国物理学会 Chinese Physical Society

光场的非经典特性,即在延迟时间 $\tau = 0$ 时的二 阶光子关联 q<sup>(2)</sup>(0) 可作为区分不同光场的量度:  $q^{(2)}(0) > 1$ 表明光场不相干或者光子聚束效应<sup>[28-31]</sup>;  $q^{(2)}(0) = 1$ 表明光场处于相干态; 而  $q^{(2)}(0) < 1$ 表 明光场具有反聚束效应,是具有亚泊松分布的非经 典态<sup>[32]</sup>. 实验上通常采用 Hanbury Brown-Twiss (HBT) 方案测量光场的二阶光子关联<sup>[18,19]</sup>. 但是, 二阶光子关联 g<sup>(2)</sup> 只能反应光子统计分布的方差, 为了获得更多光子统计分布和光场非经典性的信 息, 需要测量更高阶的光子关联<sup>[33,34]</sup>. 其中三阶和 四阶光子关联可反映光子数分布的偏度和峭度,且 能够揭示非高斯散射等新的效应.于是基于多个单 光子计数器扩展的 HBT 方案, 已开展研究了不同 光场的高阶光子关联[33-36],如压缩真空态的超聚 束效应、热态的聚束效应及 Fock 态的反聚束效应, 并应用于鬼成像[37-39]、单光子探测器的表征[40]、激 子动力学的研究<sup>[41]</sup>以及 NV 色心荧光发射<sup>[42]</sup>等 领域.同时,目前对压缩相干态光子统计特性的研 究中,主要针对二阶光子关联随着平移振幅和压缩 参数的变化<sup>[20,21]</sup>,及利用二阶光子关联研究压缩态 与不同光场的干涉现象[43,44]和光子阻挡效应[18], 然而并未深入研究压缩相位对压缩相干态反聚束 效应的影响,且缺少在考虑背景噪声和系统效率条 件下对压缩相干态更高阶光子关联的分析.

本文基于 4 个单光子计数器扩展的双 HBT 测量方案,研究分析了相位可变压缩相干态的高阶光 子关联及其反聚束效应.研究了平移和压缩操作不同顺序下压缩相干态的高阶光子反聚束效应.通过 调控压缩相位,研究了压缩相干态反聚束效应对应 的相位区间.同时考虑系统效率和背景噪声的情况 下,研究了相位可变压缩相干态的入射平移、压缩 相位、探测平均光子数对高阶光子反聚束效应的影响,验证该方法的实验可行性,为该量子光源在精 密测量与保密通信领域的应用奠定基础.

## 2 理论分析

## 2.1 测量相位可变压缩相干态高阶光子关 联的理论模型

利用传统的 HBT 测量方法只能提取光场的二 阶光子关联  $g^{(2)}$ , 但二阶光子关联只能揭示光场的 部分光子统计特性, 因此需要测量更高阶的光子关 联, 为了同时获得光场的二阶  $g^{(2)}$ 、三阶  $g^{(3)}$ 和四 阶  $g^{(4)}$  光子关联, 对传统 HBT 方案进行扩展并结 合多路单光子探测技术, 构建如图 1 所示的双 HBT 测量模型. 实验上可以利用一束相干光和一束经过 倍频、光学参量放大制备的压缩光产生相位可变的 压缩相干态. 相干光注入强度决定了平移  $\alpha$  的大 小, 产生压缩光的压缩强度与压缩参数 r 有关, 而 相干光和压缩光的相对相位决定了压缩相位  $\theta$ . 相 位可变压缩相干态  $|\xi(\theta), \alpha\rangle = S(\xi) D(\alpha)|0\rangle$ 的光子 数分布可表示为<sup>[45]</sup>

$$P_{\rm scs}(n) = \frac{1}{n!u} \left| \frac{v}{2u} \right|^n \left| H_n\left(\frac{\alpha}{\sqrt{2uv}}\right) \right|^2 \\ \times \exp\left[ -|\alpha|^2 + \frac{v}{2u}\alpha^2 + \frac{v^*}{2u}\alpha^{*2} \right].$$
(1)

其中,  $u = \cosh r$ ,  $v = e^{i\theta} \sinh r$ . 对于 $|\alpha', \xi(\theta)\rangle = D(\alpha')S(\xi)|0\rangle$ ,则有 $\alpha = u\alpha' + v\alpha'^*$ , $\alpha'$ 也是位移. 在一定的压缩参数r、位移 $\alpha$ 和压缩相位 $\theta$ 下,压缩相干态的光强I和平均光子数成正比,为 $I = |\mu|^2 + \sinh^2 r$ ,其中 $\mu = \alpha(\cosh r - e^{i\theta} \sinh r)$ .于是可利用 压缩相干态的光子数分布和平均光子数来得到入 射态的高阶光子关联.

在具有光子数分布 (1) 的相位可变压缩相干态进入双 HBT 探测系统之前, 经过一个具有透射



图 1 测量相位可变压缩相干态高阶光子关联的双 HBT 原理示意图

Fig. 1. Schematic diagram of double HBT model for measuring high-order photon correlation of phase-variable squeezed state.

(2)

率为 $\eta$ 的分束器,用以模拟系统总的探测效率.同时,在入射态中引入背景噪声 $|\beta\rangle$ ,其平均光子数为 $\gamma$ .考虑了总的探测效率 $\eta$ 和背景噪声 $\gamma$ 后相位可变压缩相干态的光子数分布为

$$P_{\text{mix}} = \sum_{m=0}^{L} \frac{\gamma^{L-m} \eta^m}{m! (L-m)!}$$
$$\times \sum_{n=m}^{\infty} \frac{2^{-n} (1-\eta)^{n-m} \coth^{-n} \left| H_n \left( e^{-i\theta/2} \alpha \sqrt{\operatorname{csch}2r} \right) \right|^2}{(n-m)!}$$

 $\times e^{-\gamma} r e^{\alpha^2 (\cos\theta \tanh r - 1)} \operatorname{sech} r$ 

其中,  $H_n(x) = (-1)^n e^{x^2} \frac{d^n}{dx^n} e^{-x^2}$ 是 n 阶厄米多项式.

随后入射态进入由 4 个单光子探测器构成的 双 HBT 装置,完成对光场高阶光子关联的测量. 假定探测器 D1, D2, D3 和 D4 的性能相同,每个 响应时间内只能分辨一个光子数,因此可以得到被 测光子数的概率  $P_{\text{click}\otimes i}$ 和系统检测的总平均光子 数  $\langle n \rangle = \sum_{i=0}^{\infty} i P_{\text{click}\otimes i}$ ,其中 i表示响应探测器的 数量.可通过联合概率分布方法<sup>[46]</sup>从(2)式得到 (3)式,由定义 $g^{(m)} = \frac{\langle n_1 n_2 \cdots n_m \rangle}{\langle n_1 \rangle \langle n_2 \rangle \cdots \langle n_m \rangle}$ 可得到相位 可变压缩相干态的二阶、三阶和四阶光子关联:

$$g^{(2)} = \frac{\langle n_1 n_2 \rangle}{\langle n_1 \rangle \langle n_2 \rangle} = \frac{8P_{\text{click}^{\otimes 2}} + 24P_{\text{click}^{\otimes 3}} + 48P_{\text{click}^{\otimes 4}}}{3\langle n \rangle^2}$$
$$= \frac{8}{3} \frac{P_{\text{click}^{\otimes 2}}}{\langle n \rangle^2} + \frac{\langle n \rangle}{2} g^{(3)} + \frac{\langle n \rangle^2}{16} g^{(4)}, \qquad (3a)$$

$$g^{(3)} = \frac{\langle n_1 n_2 n_3 \rangle}{\langle n_1 \rangle \langle n_2 \rangle \langle n_3 \rangle} = \frac{16P_{\text{click}^{\otimes 3}}}{\langle n \rangle^3}$$
$$= \frac{2}{\langle n \rangle} \left( g^{(2)} - \frac{\langle n \rangle^2}{16} g^{(4)} - \frac{8}{3} \frac{P_{\text{click}^{\otimes 2}}}{\langle n \rangle^2} \right), \text{ (3b)}$$
$$g^{(4)} = \frac{\langle n_1 n_2 n_3 n_4 \rangle}{\langle n_1 \rangle \langle n_2 \rangle \langle n_3 \rangle \langle n_4 \rangle} = \frac{256P_{\text{click}^{\otimes 4}}}{\langle n \rangle^4}$$

$$= \frac{16}{\langle n \rangle^2} \left( g^{(2)} - \frac{\langle n \rangle}{2} g^{(3)} - \frac{8}{3} \frac{P_{\text{click}^{\otimes 2}}}{\langle n \rangle^2} \right).$$
(3c)

由 (3) 式可知, 基于双 HBT 测量模型得到二 阶 g<sup>(2)</sup>、三阶 g<sup>(3)</sup>、四阶 g<sup>(4)</sup> 光子关联存在相互关系.

**2.2**  $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 和 $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 的高阶光子关联

在考虑压缩相位 θ 的条件下,制备压缩相干态 的过程中,压缩和位移操作顺序至关重要.故压缩 相干态可表示为 $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 和 $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ ,其中  $D(\alpha) = e^{\alpha a + \alpha^* a}$ 为位移算符,  $S(\xi) = \exp(\xi^* a^2 - \xi a^{\dagger 2})$ 为压 缩算符,  $\xi(\theta) = r e^{i\theta}$ 是与压缩相位  $\theta$  相关的压缩因 子,压缩参数为  $r = |\xi|, a$ 和  $a^{\dagger}$ 分别是湮灭和产生 算符.平移  $\alpha$  为注入的相干振幅,根据实际实验条 件  $\alpha$  为实数.压缩相干态 $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 表示先对真空态 进行位移操作,再进行压缩;而压缩相干态 $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 则是相反的过程,即先对真空态进行压缩操作,然 后位移.针对上述两种情况的压缩相干态,以下研 究对应的高阶光子关联.

当入射的相位可变压缩相干态为|ξ(θ), α)时, 可得理想情况下光场的高阶光子关联为

$$\begin{split} g^{(2)} &= 1 - \frac{1}{A^2} \left[ B - \left( 2 |\Omega|^2 + \cosh 2r \right) \sinh^2 r \right], \ (4a) \\ g^{(3)} &= 1 - \frac{1}{A^3} \left\{ 3B \left( |\Omega|^2 + 3 \sinh^2 r \right) \\ &- \left( 2 + 7 \cosh 2r \right) \sinh^4 r \\ &- 3 |\Omega|^2 \sinh^2 r \left[ 2 |\Omega|^2 + \left( 4 \cosh 2r - 1 \right) \right] \right\}, (4b) \\ g^{(4)} &= 1 - \frac{1}{A^4} \left\{ 6B \left[ |\Omega|^4 - 8 |\Omega|^2 \sinh^2 r - 3C \sinh^2 r \right] \\ &- 4D |\Omega|^2 \sinh^4 r - 6 |\Omega|^4 \sinh^2 r \left( 2C + 3 \cosh 2r \right) \\ &- 12 |\Omega|^6 \sinh^2 r \sinh^4 r \\ &- 3B^2 - \left( 3 - 7 \cosh 2r + 13 \cosh 4r \right) \right\}, \quad (4c) \end{split}$$

其中,  $\Omega = \alpha(\cosh r - e^{i\theta}\sinh r), A = |\Omega|^2 + \sinh^2 r,$  $B = (\Omega^{*2}e^{i\theta} + \Omega^2 e^{-i\theta})\cosh r \sinh r, C = \cosh(2r) + 3\sinh^2 r, D = 13 \cosh^2 r + 23\cosh(2r).$ 

类似地,当入射的相位可变压缩相干态为 $|\alpha$ ,  $\xi(\theta)$ 时,可得理想情况下光场的高阶光子关联为

$$g^{(2)} = 1 - \frac{F - 2|\alpha|^2 \sinh^2 r - \cosh 2r \sinh^2 r}{E^2}, \quad (5a)$$

$$g^{(3)} = 1 - \frac{1}{E^3} \left[ 3F \left( E + 2\sinh^2 r \right) - (2 + 7\cosh 2r) \sinh^4 r - 3|\alpha|^2 \left( 2|\alpha|^2 + 4\cosh 2r - 1 \right) \sinh^2 r \right],$$
(5b)

$$g^{(4)} = 1 - \frac{1}{E^4} \left\{ 6F \left[ |\alpha|^4 - 8|\alpha|^2 \sinh^2 r - 3C \sinh^2 r \right] - 3F^2 - 6|\alpha|^4 \sinh^2 r \left( 2C + 3\cosh 2r \right) - 4D|\alpha|^2 \sinh^4 r + \left( 3 - 7\cosh 2r \right) + 13\cosh 4r \right) \sinh^4 r - 12|\alpha|^6 \sinh^2 r \right\}.$$
 (5c)

其中  $E = |\alpha|^2 + \sinh^2 r$ ,  $F = (\Omega^{*2} e^{i\theta} + \Omega^2 e^{-i\theta})$ . 上 述结果表明, 理想情况下两种方式制备的相位可变 压缩相干态的高阶光子关联与压缩参数 r、平移振 幅  $\alpha$  以及压缩相位  $\theta$  密切相关.

3 结果分析

# 3.1 理想情况下相位可变压缩相干态的高 阶光子反聚束

当压缩相位  $\theta = 0$ ,相应的压缩相干态为振幅 压缩时,  $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 和 $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 两种方式得到的压缩 相干态高阶光子反聚束  $(g^{(n)} < 1, n = 2, 3, 4)$  结 果如图 2 所示. 图 2(a1)—(c1) 是压缩相干态|ξ(θ),  $\alpha$ )的二阶、三阶和四阶光子关联随压缩参数 r和平 移振幅  $\alpha$  的变化结果, 图 2(a2)—(c2) 为 $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 入射下光场的高阶光子关联  $q^{(n)}$  随 r和  $\alpha$  变化的 反聚束结果. 图 2 中的白色实线表示  $q^{(n)} = 0.5$ , 黑 色实线表示  $q^{(n)} = 1$ ,有色变化区域表示  $q^{(n)} < 1$ 的反聚束区域.结果表明,压缩相位 $\theta = 0$ 时,两 种压缩相干态入射条件下的高阶光子反聚束结果 略有不同但变化规律相近.  $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 的高阶光子关 联的反聚束区域比 $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 的反聚束区域更大,同 时两种压缩相干态的高阶光子关联具有相似的变 化趋势: 当压缩参数 r 为较小的定值时, 随着平移 振幅  $\alpha$  的增大, 在反聚束区域 ( $g^{(n)} < 1$ ) 高阶光子 关联 g<sup>(n)</sup> 先减小到最低反聚束值, 再增大并逐渐趋 于 1; 当平移振幅  $\alpha$  为较小的定值时, 随着压缩参数 r 的增大, 在反聚束区域  $g^{(n)}$  从 1 减小到最小反聚束值, 进而再增大. 同时结果还表明, 随着阶数 n 的增大,  $g^{(n)} < 0.5$  的强反聚束区域明显增大, 即测量更高阶光子关联更易获得明显的反聚束效应. 此外, 当 $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 的平移振幅为  $\alpha$ ,  $m|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 的平移振幅为  $\Omega = \alpha(\cosh r - e^{i\theta}\sinh r)$  时, 两种相位可变压缩态 $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 和 $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 入射条件下还可得到相同的高阶光子关联. 因上述两种压缩相干态入射条件下得到的高阶光子关联结果规律相近, 且两光子关联之间又存在转换关系, 故以下只分析相位可变压缩相干态 $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 入射下的结果.

理想情况下,当平移振幅为  $\alpha = 0.1$ 时,相位 可变压缩相干态的  $g^{(n)}$ 随着压缩参数 r和压缩相 位  $\theta$ 的变化结果如图 3 所示.图 3(a)—(c)的结果 表明:理想情况下,高阶光子关联  $g^{(n)}$ 随着压缩相位  $\theta$ 呈现 2π 的周期性变化,图中的白色实线表示  $g^{(n)} =$ 0.5,黑色实线为  $g^{(n)} = 1$ ,有色变化区域为  $g^{(n)} < 1$ 的反聚束区域.随着阶数 n的增大,达到同样强反 聚束效应 ( $g^{(n)} < 0.5$ )所需的压缩参数变小,即强 的光子反聚束效应的获得,可在较弱压缩度条件下 测量更高阶光子关联,高阶光子反聚束效应测量对 压缩度的要求降低.当压缩参数 r固定为较小的值 时,随着压缩相位  $\theta$ 的变化,最小的  $g^{(n)}$ 值总是在 相位  $\theta = 0$ 时,并且以 2π 周期变化.当相位  $\theta$  为 [0,  $\pi/2$ ]或其他反聚束区域一个固定值时,随着压



图 2 压缩相位为 $\theta = 0$ 时,压缩相干态 (a1)—(c1)  $|\xi(\theta), \alpha\rangle$ 和 (a2)—(c2)  $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$ 的高阶光子关联随平移振幅  $\alpha$  和压缩参数 r 变化的反聚束结果

Fig. 2. High-order photon antibunching of squeezed coherent states (a1)–(c1)  $|\xi(\theta), \alpha\rangle$  and (a2)–(c2)  $|\alpha, \xi(\theta)\rangle$  versus displacement amplitude  $\alpha$  and squeezing parameter r for squeezing phase  $\theta = 0$ .

缩参数 r 的增大, 高阶光子关联 g<sup>(n)</sup> 从 1 减小到最低反聚束值, 然后再逐渐增大, 直至反聚束效应消失.

当压缩参数 r 固定为较小值 0.01 时, 理想情 况下压缩相干态的  $g^{(n)}$  随着平移振幅  $\alpha$  和压缩相 位  $\theta$  的变化结果如图 4 所示. 结果表明:  $g^{(n)}$  随着 压缩相位  $\theta$  的变化呈现  $2\pi$  的周期性, 图中的白色 实线为  $g^{(n)} = 0.5$ , 黑色实线为  $g^{(n)} = 1$ , 有色区域 表示  $g^{(n)} < 1$  的反聚束区域, 无色区域表示  $g^{(n)} > 1$ 的聚束区域. 随着阶数 n 的增大, 更高阶光子关联  $g^{(n)} < 0.5$  (n = 3, 4) 的强反聚束区域明显大于  $g^{(2)} <$ 0.5 的区域, 即更高阶光子关联更易测得强的反聚 束效应. 当平移振幅  $\alpha$  固定为较小值, 压缩相位在  $3\pi/2 \le \theta \le 5\pi/2$  时, 随着  $\theta$  的增大, 高阶光子反 聚束效应先增强后减弱, 直至  $g^{(n)}$  趋于 1.当相位 取  $3\pi/2 \le \theta \le 5\pi/2$  时, 随着平移振幅  $\alpha$  的增大,  $g^{(n)}$ 从聚束区域降至 1, 进入反聚束区域, 降至最低反 聚束值, 而后又增大逐渐趋于 1.

综合以上结果,可通过控制压缩相干态的压缩 相位 θ,在特定的平移压缩 α-r参数区间获得显著 的光子反聚束效应;同时,通过测量高阶光子关联 g<sup>(n)</sup>, 也可获取压缩态的相位信息.此外在较低压缩度及 较小平移条件下,测量更高阶光子关联,可获得同 样明显反聚束效应的结果,即更高阶光子反聚束效 应的测得对压缩度和平移的强度要求更低.

# 3.2 考虑背景噪声和探测效率条件下压缩 相干态的高阶光子反聚束

理想情况下,在压缩相位  $\theta = 0$ ,压缩参数 r =10-4时,可得压缩相干态高阶光子反聚束的最小值 分别为  $q^{(2)} = 4.006 \times 10^{-4}$ ,  $q^{(3)} = 1.3594 \times 10^{-4}$ 和  $g^{(4)} = 6.6352 \times 10^{-5}$ ,此时相应的平移振幅分别 为 $\alpha = 0.01, \alpha = 0.0173$ 和 $\alpha = 0.0233$ .在实际实 验过程中,由于背景噪声 $\gamma$ 和探测效率 $\eta$ 的影响, 会导致测量的反聚束值偏离理想值.于是,基于双 HBT 测量模型, 理论分析了在压缩相位  $\theta = 0$  时, 背景噪声 $\gamma$ 和探测效率 $\eta$ 对压缩相干态 $|\xi, \alpha\rangle$ 高阶 光子反聚束最小值 g<sup>(2)</sup>, g<sup>(3)</sup> 和 g<sup>(4)</sup> 的影响, 从而获 得实验中噪声的范围以及系统所需的探测效率,分 析结果如图 5 所示.结果表明,探测效率  $\eta$  越高,  $q^{(n)}$ 趋于1的速度越慢,反聚束效应减弱的速度越慢, 对噪声的鲁棒性越好;背景噪声 $\gamma < 10^{-5}$ 时,压缩 相干态处于  $q^{(n)} < 0.1$  的强反聚束效应区域. 当 $\gamma <$  $10^{-3}$ 时,仍可获得  $g^{(n)}$  (n = 2, 3, 4) < 1的光子反 聚束效应; 当 $\gamma < 10^{-8}$ 时, 探测效率  $\eta$  几乎不影响



图 3 当平移振幅  $\alpha = 0.1$  时,相位可变压缩相干态高阶光子关联  $g^{(n)}$  随压缩参数 r 和压缩相位  $\theta$  变化的反聚束结果 Fig. 3. Photon antibunching results of high-order correlation  $g^{(n)}$  of phase-variable squeezed coherent state versus squeezing parameter r and squeezing phase  $\theta$  when displacement amplitude  $\alpha = 0.1$ .



图 4 当压缩参数 r = 0.01 时,相位可变压缩相干态的高阶光子关联  $g^{(n)}$  随平移振幅  $\alpha$  和压缩相位  $\theta$  变化的反聚束结果

Fig. 4. Photon antibunching results of  $g^{(n)}$  of phase-variable squeezed coherent state versus displacement amplitude  $\alpha$  and squeezing phase  $\theta$  when squeezing parameter r = 0.01.

反聚束效应值;而当 $\gamma > 10^{-3}$ 时,高阶光子关联  $g^{(n)}$ 趋于 1 并饱和,此时提高探测效率也无法测得较显 著的光子反聚束效应.这主要是由于随着背景噪声 的增大,由弱压缩、弱位移主导的压缩相干态逐渐 被噪声湮没,变为由泊松分布背景噪声主导的光场.

此外,随着光子关联阶数 n的增大,在达到同 等反聚束效应值及相同探测效率条件下,更高阶光 子关联  $g^{(n)}$  (n = 3, 4)比二阶光子关联  $g^{(2)}$ 所对应 的背景噪声大,即测量更高阶光子关联反聚束效应 所容忍的背景噪声更大,对噪声的鲁棒性更好.同 时在相同背景噪声条件下,获得同样的反聚束效应 值,更高阶光子关联比二阶光子关联对探测效率的 要求更低. 当探测效率低至  $\eta = 0.1$ ,背景噪声 $\gamma =$  $10^{-6}$ 时,仍可获得较强的光子反聚束效应:  $g^{(2)} =$  $0.1740, g^{(3)} = 0.0432, g^{(4)} = 0.0149,此时四阶光子$  $关联 <math>g^{(4)}$ 的比二阶光子关联  $g^{(2)}$ 低了 1 个数量级. 因此,更高阶光子关联的测量对探测效率的要求更 低、对背景噪声的鲁棒性更强,在实验上更易测得 高阶光子反聚束效应.

为了研究实验可行条件下,系统测量的平均光 子数  $\langle n \rangle = \sum_{i=0}^{\infty} i P_{\text{click} \otimes i}$ 与高阶光子关联的关系, 分析了背景噪声为 $\gamma = 10^{-6}$ , 探测效率为 $\eta = 0.5$ 时的高阶光子关联,结果如图6所示.结果表明, 随着被测平均光子数 (n)的增大,相位可变压缩相 干态的高阶光子关联 g<sup>(n)</sup> 的反聚束值先减小到最 小值,后逐渐增大并趋于1.在压缩相干态的被测 平均光子数 (n)较小时可以获得较好的反聚束效 应,更高阶光子关联的反聚束最小值对应较强的被 测平均光子数,但高阶光子关联的强反聚束效应测 量只需较弱的待测光子数.利用压缩参数 r, 可得 光场的压缩度 S = 10 lge<sup>-2r</sup>. 当压缩度非常小时 ( $S \leq$ 10<sup>-8</sup>dB), q<sup>(n)</sup> 的反聚束效应较弱, 这是由于背景噪 声较大时, 被测光子数分布由泊松分布主导, 因此 g<sup>(n)</sup> 在1附近.同时,随着压缩度S的增强,反聚束效 应区间向被测平均光子数(n)增大的方向移动,相 应(n)区间内反聚束效应呈现先增强后减弱的变化.



图 5 探测效率分别为  $\eta = 0.1, 0.5 \pi 1$  时, 压缩态的 (a) 二阶、(b) 三阶和 (c) 四阶光子关联最小值随背景噪声  $\gamma$  变化的结果 Fig. 5. Minimum second-order (a), third-order (b), and fourth-order (c) photon correlations of squeezed coherent state  $|\xi, \alpha\rangle$  versus background noise  $\gamma$  when detection efficiencies  $\eta = 0.1, 0.5$ , and 1.



图 6 背景噪声 $\gamma = 10^{-6}$ , 探测效率 $\eta = 0.5$ , 压缩度分别为 (a)  $r = 10^{-8}$  (8.6859 × 10<sup>-8</sup> dB); (b)  $r = 10^{-4}$  (8.6859 × 10<sup>-4</sup> dB); (c)  $r = 10^{-1}$  (8.6859 × 10<sup>-1</sup> dB) 时, 压缩相干态的  $g^{(n)}$  随平均光子数  $\langle n \rangle$  的变化

Fig. 6.  $g^{(n)}$  of squeezed coherent state versus measured mean photon number  $\langle n \rangle$  when background noise is  $\gamma = 10^{-6}$ , detection efficiency is  $\eta = 0.5$ , and squeezing degrees are (a)  $r = 10^{-8}$  (8.6859 × 10<sup>-8</sup> dB); (b)  $r = 10^{-4}$  (8.6859 × 10<sup>-4</sup> dB); (c)  $r = 10^{-1}$  (8.6859 × 10<sup>-1</sup> dB) respectively.

图 7 为反聚束区域内, 压缩相干态高阶光子关 联 q<sup>(n)</sup> 随压缩度 S 的变化结果. 不同于图 2 和图 3 中理想情况下高阶光子反聚束随压缩参数 r 的变 化,图 7(a)—(c) 是在实际可行探测效率  $\eta = 0.5$ 和背景噪声 $\gamma = 10^{-6}$ 条件下, 平移振幅分别为  $\alpha =$  $0.01, \alpha = 0.1$  和  $\alpha = 1$  时压缩相干态  $|\xi, \alpha\rangle$  的高阶 光子关联的变化结果.结果表明:随着压缩度 S 的 增大,入射光场从相干光逐渐转变为压缩相干态, 压缩参量 r 和平移振幅 α 共同作用, g<sup>(n)</sup> 先从 1 减 小到最小值, 然后逐渐增大; 此外更高阶光子关联 相较于二阶光子关联的反聚束最小值更小,反聚束 最小值对应的压缩度 S 也较小.同时,当平移振幅 较小时,如图 7(a)  $\alpha = 0.01$ ,相位可变压缩相干态 中的相干平移成分所占比重较小,受泊松分布背景 噪声的影响,其反聚束效应相较更强平移  $\alpha =$ 0.1 [图 7(b)] 时较弱; 当平移继续增大至  $\alpha = 1$ (图 7(c))时,相干光成分变大,此时反聚束效应又 变弱. 随着平移 α 的增大, 反聚束最小值对应的压 缩度 S 变大, 从  $\alpha = 0.01$  时  $g^{(4)}$  最小值对应压缩

度 S 的 10<sup>-4</sup> 量级, 增至  $\alpha = 0.1$  和  $\alpha = 1$  时  $g^{(4)}$  最 小值分别对应压缩度 S 的 10<sup>-2</sup> 和 10<sup>0</sup> 量级. 值得注 意的是, 更高阶光子反聚束极小值对应的压缩度 S 更小, 对压缩度的强度要求不高, 在实验上更易 制备, 可利用双 HBT 装置测得较低压缩度相位可 变压缩态的反聚束效应.

最后分析背景噪声 $\gamma$ 和探测效率 $\eta$ 对不同压 缩相位下压缩相干态高阶光子关联 $g^{(n)}$ 的影响,结 果如图 8 和图 9 所示.当压缩相位取 $\theta = 0$ ,此时 为各阶光子关联最小值对应的结果,即在压缩参数 为 $r = 10^{-4}$ ,位移振幅分别为 $\alpha = 0.01$ , $\alpha = 0.0173$ 和 $\alpha = 0.0233$ 的条件下.图 8 和图 9 中白色实线 表示 $g^{(n)} = 0.5$ ,黑色实线表示 $g^{(n)} = 1$ ,有色变化 区域表示 $g^{(n)} < 1$ 的反聚束区域.高阶光子关联 $g^{(n)}$ 随压缩相位 $\theta \cong 2\pi$ 周期性变化,由图中( $-\pi/2$ ,  $\pi/2$ )的区间内结果可知,高阶光子关联 $g^{(n)}$ 随着背 景噪声 $\gamma$ 的增大而逐渐趋于 1,反聚束效应逐渐减 弱,光子统计分布逐渐从亚泊松分布趋于泊松分 布,最终变为由泊松分布噪声主导的光场;同时图 8



图 7 背景噪声 $\gamma = 10^{-6}$ , 探测效率 $\eta = 0.5$ , 位移分别为 (a)  $\alpha = 0.01$ , (b)  $\alpha = 0.1$  和 (c)  $\alpha = 1$  时, 相位可变压缩相干态高阶光 子关联  $g^{(n)}$  随压缩度 S 的变化

Fig. 7.  $g^{(n)}$  of phase-variable squeezed coherent state versus squeezing degree S when background noise is  $\gamma = 10^{-6}$ , detection efficiency is  $\eta = 0.5$ , and displacement amplitudes are (a)  $\alpha = 0.01$ , (b)  $\alpha = 0.1$ , and (c)  $\alpha = 1$ , respectively.



图 8 探测效率  $\eta = 0.5$ , 压缩参数  $r = 10^{-4}$ , 平移振幅分别为 (a)  $\alpha = 0.01$ , (b)  $\alpha = 0.0173$  和 (c)  $\alpha = 0.0233$  时, 相位可变压缩 相干态的高阶光子关联随压缩相位  $\theta$  和背景噪声  $\gamma$  变化的分布图

Fig. 8. Maps of high-order photon correlations  $g^{(n)}$  of phase-variable squeezed coherent state versus squeezing phase  $\theta$  and background noise  $\gamma$  when detection efficiency is  $\eta = 0.5$ , squeezing parameter is  $r = 10^{-4}$  and displacement amplitudes are (a)  $\alpha = 0.01$ , (b)  $\alpha = 0.0173$ , and (c)  $\alpha = 0.0233$  respectively.



图 9 背景噪声 $\gamma = 10^{-6}$ , 压缩参数  $r = 10^{-4}$ , 平移振幅分别为 (a)  $\alpha = 0.01$ , (b)  $\alpha = 0.0173$  和 (c)  $\alpha = 0.0233$  时, 压缩相干态的 高阶光子关联随压缩相位  $\theta$  和探测效率  $\eta$  变化的分布图

Fig. 9. Maps of  $g^{(n)}$  of the squeezed coherent state versus squeezing phase  $\theta$  and detection efficiency  $\eta$  when background noise is  $\gamma = 10^{-6}$ , squeezing parameter is  $r = 10^{-4}$  and displacement amplitudes are (a)  $\alpha = 0.01$ , (b)  $\alpha = 0.0173$ , and (c)  $\alpha = 0.0233$ , respectively.

结果还显示  $g^{(n)} < 0.5$  (n = 3, 4) 的反聚束效应区 域明显大于  $g^{(2)} < 0.5$  的区域,表明更高阶光子关 联对背景噪声的鲁棒性更好. 图 9 结果也表明在不 同探测效率  $\eta$ 下,更高阶光子关联的显著反聚束效 应区域大于二阶光子关联相应的反聚束区域,并且 利用更高阶光子关联表征光场反聚束效应时,对探 测效率  $\eta$  的要求降低.可以发现,利用双 HBT 模 型测量相位可变压缩相干态的更高阶光子反聚束 效应,可降低背景噪声  $\gamma$  和探测效率  $\eta$  的影响,测 量结果更趋于理想值,更高阶光子关联相较于二阶 光子关联更适于揭示光场的反聚束效应.

### 4 结 论

基于4个单光子探测器的双 HBT 方案, 研究 分析了理想情况下相位可变压缩相干态的高阶光 子反聚束随压缩参数 r、平移  $\alpha$  和压缩相位  $\theta$  的变 化. 光场反聚束效应随压缩相位  $\theta \ge 2\pi$  周期性变 化,当压缩相位处于 [0, π/2] 时,在较大的平移压 缩 α-r参数变化区间均可获得压缩相干态的反聚 束效应,理想情况下高阶反聚束效应最小值趋于0, 低至 10-5 量级. 同时, 考虑实际实验条件下, 背景 噪声和系统效率对压缩相干态高阶光子关联的影 响,在较低探测效率和较高背景噪声时,仍可获得 明显的高阶光子反聚束效应,并且证明了更高阶光 子关联相较于二阶光子关联对背景噪声和系统效 率具有更强的鲁棒性. 另外, 还分析验证了不同被 测平均光子数 (n)和压缩度情况下,压缩相干态高 阶光子关联随相位 θ 变化的结果, 表明在较低待测 平均光子数和较弱压缩度条件下,可获得更强的压 缩相干态反聚束效应,而且更高阶光子反聚束效应 对压缩度的要求更低.综上本文研究结果表明,通 过对压缩相干态压缩相位的控制,同时综合考虑背 景噪声、系统效率、平移振幅、压缩度等因素影响, 可制备具有显著反聚束效应的相位可变压缩相干 态,并可利用扩展的 HBT 方案测量更高阶光子关 联实现对反聚束效应的更高效提取,突破传统测量 极限并实现光场表征,为高质量量子光源制备及其 在精密测量等领域的应用提供支持.

#### 参考文献

- [1] Tian C X, Han D M, Wang Y, and Su X L 2018 Opt. Express 26 29159
- [2] Su X L, Wang M H, Yan Z H, Jia X J, Xie C D, Peng K C 2020 Sci. China Inf. Sci. 63 180503
- [3] Zhong H S, Wang H, Deng Y H, et al. 2020 Science 370 1460
- [4] Hamilton C S, Kruse R, Sansoni L, Barkhofen S, Silberhorn C, Jex L 2017 Phys. Rev. Lett. 119 170501
- [5] Sun H X, Liu K, Zhang J X, Gao J R 2015 Acta Phys. Sin.
  64 234210 (in Chinese) [孙恒信, 刘奎, 张俊香, 郜江瑞 2015 物 理学报 64 234210]
- [6] Casacio C A, Madsen L S, Terrasson A, Waleed M, Barnscheidt K, Hage B, Taylor M A, Bowen W P 2021 *Nature* 594 201
- [7] McCuller L, Whittle C, Ganapathy D, et al. 2020 Phys. Rev. Lett. 124 171102
- [8] Lough J, Schreiber E, Bergamin F, et al. 2021 Phys. Rev. Lett. 126 041102
- [9] Vahlbruch H, Mehmet M, Danzmann K, Schnabel R 2016 *Phys. Rev. Lett.* 117 110801
- [10] Guerrero A. M, Nussenzveig P, Martinelli M, Marino A M, Florez H M 2020 Phys. Rev. Lett. 125 083601
- [11] Ma L, Guo H, Sun H X, Liu K, Su B D, Gao J R 2020 *Photon. Res.* 8 1422
- [12] Zuo G H, Yang C, Zhao J X, Tian Z Z, Zhu S Y, Zhang Y C, Zhang T C 2020 Acta Phys. Sin. 69 014207 (in Chinese) [左冠 华,杨晨,赵俊祥,田壮壮,朱诗尧,张玉驰,张天才 2020 物理学 报 69 014207]
- [13] Li Q H, Yao W X, Li F, Tian L, Wang Y J, Zheng Y H 2021 Acta Phys. Sin. 70 154203 (in Chinese) [李庆回, 姚文秀, 李番, 田龙, 王雅君, 郑耀辉 2021 物理学报 70 154203]

- [14] Liu S S, Lou Y B, Jing J T 2019 Phys. Rev. Lett. 123 113602
- [15] Zhao Y, Okawachi Y, Jang J K, Ji X C, Lipson M, Gaeta A L 2020 Phys. Rev. Lett. **124** 193601
- [16] Guo Y Q, Guo X M, Li P, Shen H, Zhang J, Zhang T C 2018 Ann. Phys. 530 1800138
- [17] Zhang Y, Menotti M, Tan K, Vaidya V D, Mahler D H, Helt L G, Zatti L, Liscidini M, Morrison B, Vernon Z 2021 Nat. Commun. 12 2233
- [18] Lemonde M A, Didier N, Clerk A A 2014 Phys. Rev. A 90 063824
- [19] Jiang K, Wei L F 2021 Phys. Lett. A 403 127396
- [20] Grosse N B, Symul T, Stobinska M, Ralph T C, Lam P K, 2007 Phys. Rev. Lett. 98 153603
- [21] Han Y S, Wu D H, Kasai K, Wang L R, Watanabe M, Zhang Y 2020 J. Opt. 22 025202
- [22] Schwartz O, Oron D 2012 Phys. Rev. A 85 033812
- [23] Schwartz, O, Levitt J M, Tenne, Ron, Itzhakov S, Deutsch, Z, Oron D 2013 Nano Lett. 13 5832
- [24] Matsuoka M, Hirano T 2003 Phys. Rev. A 67 042307
- [25] Wang Q, Wang X B, Guo G C 2007  $Phys.\ Rev.\ A$  75 012312
- [26] Glauber R J 1963 Phys. Rev.  $\mathbf{130}$  2529
- [27] Glauber R J 1963 *Phys. Rev.* **131** 2766
- [28] Lan D D, Guo X M, Peng C S, Ji Y L, Liu X L, Li P, Guo Y Q 2017 Acta Phys. Sin. 66 120502 (in Chinese) [兰豆豆, 郭晓 敏, 彭春生, 姬玉林, 刘香莲, 李璞, 郭奠强 2017 物理学报 66 120502]
- [29] Guo Y Q, Peng C S, Ji Y L, Li P, Guo Y Y, Guo X M 2018 Opt. Express 26 5991
- [30] Guo X M, Cheng C, Liu T, Fang X, Guo Y Q 2019 Appl. Sci. 9 4907

- [31] Luo S, Zhou Y, Zheng H B, Liu J B, Chen H, He Y C, Xu W T, Zhang S H, Li F L, Xu Z 2021 *Phys. Rev. A* 103 013723
- [32] Li J M, Su J, Cui L, Xie T Q, Ou Z Y, Li X Y 2020 Appl. Phys. Lett. 116 204002
- [33] Guo Y Q, Yang R C, Li G, Zhang P F, Zhang Y C, Wang J M, Zhang T C 2011 J. Phys. B At. Mol. Opt. Phys. 44 205502
- [34] Guo Y Q, Wang L J, Wang Y, Fang X, Zhao T, Guo X M, Zhang T C 2020 J. Opt. 22 095202
- [35] Hong P L, Li L M, Liu J J, Zhang G Q 2016 Sci. Rep. 6 23614
- [36] Nieves Y, Muller A 2020 Phys. Rev. B 102 155418
- [37] Zhou Y, Simon J, Liu J B, Shih Y H 2010 Phys. Rev. A 81 043831
- [38] Chen X H, Wu S S, Wu W, Guo W Y, Meng S Y, Sun Z B, Zhai G J, Li M F, Wu L A 2014 J. Opt. Soc. Am. A 31 2105
- [39] Hodgman S S, Bu W, Mann S B, Khakimov R I, Truscott A G 2019 Phys. Rev. Lett. 122 233601
- [40] Wayne M A, Bienfang J C, Polyakov S V 2017 Opt. Express 25 20352
- [41] Amgar D, Yang G L, Tenne R, Oron D 2019 Nano Lett. 19 8741
- [42] Tang H J, Ahmed I, Puttapirat P, Wu T H, Lan Y W, Zhang Y P, Li E L 2018 Phys. Chem. Chem. Phys. 20 5721
- [43] Lu Y J, Ou Z Y 2002 Phys. Rev. Lett. 88 023601
- [44] Boddeda R, Glorieux Q, Bramati A, Pigeon S 2019 J. Phys. B:At. Mol. Opt. Phys. 52 215401
- [45] Shih C C 1986 Phys. Rev. D 34 2720
- [46] Campos R A, Saleh B E A, Teich M C 1989 Phys. Rev. A 40 1371

# Higher-order photon antibunching of phase-variable squeezed coherent state<sup>\*</sup>

Zhang Hao-Jie<sup>1)2)</sup> Guo Yan-Qiang<sup>1)2)†</sup> Guo Xiao-Min<sup>1)2)</sup> Zhang Jian-Fei<sup>1)2)</sup>

Zuo Guan-Hua<sup>3)</sup> Zhang Yu-Chi<sup>3)</sup> Zhang Tian-Cai<sup>3)‡</sup>

1) (Key Laboratory of Advanced Transducers and Intelligent Control System, Ministry of Education, College of Physics and

Optoelectronics, Taiyuan University of Technology, Taiyuan 030024, China)

2) (State Key Laboratory of Cryptology, Beijing 100878, China)

3) (State Key Laboratory of Quantum Optics and Quantum Optics Devices, Institute of Optoelectronics,

Shanxi University, Taiyuan 030006, China)

(Received 29 March 2022; revised manuscript received 18 May 2022)

#### Abstract

Squeezed state has important applications in quantum communication, quantum computing, and precision measurement. It has been used to improve the sensitivity and measurement accuracy of gravitational wave detectors. Currently, squeezed state can be prepared by optical parametric oscillators, four-wave mixing, and

<sup>\*</sup> Project supported by the National Natural Science Foundation of China (Grant Nos. 61875147, 62175176, 62075154, U21A6006), the Key Research and Development Program of Shanxi Province (Grant No. 201903D421049), and the Shanxi Scholarship Council of China (Grant No. HGKY2019023).

 $<sup>\</sup>dagger$  Corresponding author. E-mail: <code>guoyanqiang@tyut.edu.cn</code>

<sup>‡</sup> Corresponding author. E-mail: tczhang@sxu.edu.cn

atom-optomechanical coupling. As a typical non-classical light, the photon statistics of squeezed state usually shows obvious bunching effect, but it can also present photon antibunching effect through interference or photon subtraction operation. More importantly, squeezed coherent state is prepared by performing displacement operation on the squeezed state. In the case of certain displacement and squeezing operations, squeezed coherent state with obvious antibunching effect can be produced. The squeezed coherent state with photon antibunching effect can be employed to achieve super-resolution imaging beyond the diffraction limit, and the state exhibits good particle features which can suppress the multiphoton emission. Then it has become a focus for studying the antibunching effect and quantum statistical properties of squeezed coherent state at a single-photon level.

The photon antibunching effect can be characterized by the second-order photon correlation  $g^{(2)}(\tau)$ , which is introduced by Glauber to determine the non-classical properties of the light field. Namely, the second-order photon correlation  $g^{(2)}$  can be used as a metric to distinguish different lights. Hanbury Brown-Twiss (HBT) scheme is used to measure the second-order photon correlation experimentally. However, the second-order photon correlation  $g^{(2)}$  can reflect only the variance of the photon-number statistical distribution. In order to obtain more information about the photon statistical distribution and non-classical features, it is necessary to measure higher-order photon correlations. Then the higher-order photon correlations for different light fields are studied by extending the traditional HBT scheme and combining with multiplex single-photon detection technology. This method can be applied to ghost imaging, characterization of single-photon detectors, research of exciton dynamics, and analysis of NV center fluorescence emission. However, the research on photon statistics of the squeezed state focuses mainly on the second-order photon correlation and the effect of displacement amplitude on the statistical properties. The effect of squeezed phase on photon antibunching and higher-order photon correlation of squeezed coherent states, with background noise and detection efficiency taken into consideration, have not been investigated.

In this paper, we study high-order photon correlations and antibunching effect of phase-variable squeezed coherent state based on an extended HBT scheme. The photon statistics of the squeezed coherent state manifests prominent antibunching effect by adjusting the squeezing parameter r, displacement amplitude  $\alpha$  and squeezing phase  $\theta$ . The antibunching effect of the state can be obtained in a wide range of  $\alpha$ -r parameter space when squeezing phase  $\theta \in [0,\pi/2]$ . In an ideal case, the minimum antibunching values of the squeezed coherent state are  $g^{(2)} = 4.006 \times 10^{-4}$ ,  $g^{(3)} = 1.3594 \times 10^{-4}$  and  $g^{(4)} = 6.6352 \times 10^{-5}$ . When the detection efficiency  $\eta = 0.1$  and background noise  $\gamma = 10^{-6}$ , the strong antibunching effect can still be observed, specifically,  $g^{(2)} = 0.1740$ ,  $g^{(3)} = 0.0432$ ,  $g^{(4)} = 0.0149$ . The results indicate that the antibunching effect of higher-order photon correlation has strong robustness against the experimental environment. In addition, the antibunching effect of the squeezing degree S. When the measured mean photon number is much less than 1 and the squeezing parameter is less than  $10^{-4}$ , a prominent photon anti-bunching effect of  $g^{(n)} \ll 0.5$  can still be obtained. The results show that the control of the squeezing phase  $\theta$  can be used to prepare the squeezed coherent state with obvious antibunching effect, which has potentially important applications in quantum metrology and secure communication.

Keywords: high-order photon correlation, squeezed coherent state, squeezing phase, antibunching effect

**PACS:** 42.50.–p, 42.50.Ar, 42.50.Dv

**DOI:** 10.7498/aps.71.20220574

# 物理学报Acta Physica Sinica





Institute of Physics, CAS

#### 相位可变压缩相干态的高阶光子反聚束效应

张浩杰 郭龑强 郭晓敏 张健飞 左冠华 张玉驰 张天才

Higher-order photon antibunching of phase-variable squeezed coherent state Zhang Hao-Jie Guo Yan-Qiang Guo Xiao-Min Zhang Jian-Fei Zuo Guan-Hua Zhang Yu-Chi Zhang Tian-Cai

引用信息 Citation: Acta Physica Sinica, 71, 194202 (2022) DOI: 10.7498/aps.71.20220574 在线阅读 View online: https://doi.org/10.7498/aps.71.20220574 当期内容 View table of contents: http://wulixb.iphy.ac.cn

#### 您可能感兴趣的其他文章

#### Articles you may be interested in

光场高阶光子关联的分析与测量

Analysis and measurement of high-order photon correlations of light fields 物理学报. 2020, 69(17): 174204 https://doi.org/10.7498/aps.69.20200325

#### 光子增加双模压缩真空态在马赫--曾德尔干涉仪相位测量中的应用

Application of photon-added two-mode squeezed vacuum states to phase estimation based on Mach-Zehnder interferometer 物理学报. 2020, 69(12): 124202 https://doi.org/10.7498/aps.69.20200179

明亮压缩态光场的操控及量子层析

Manipulations and quantum tomography of bright squeezed states 物理学报. 2021, 70(15): 154203 https://doi.org/10.7498/aps.70.20210318

基于数字非线性锁相环的相干态相位估计

Coherent state phase estimation based on digital nonlinear phase-locked loop 物理学报. 2019, 68(2): 024204 https://doi.org/10.7498/aps.68.20181602

#### 铷原子D1线真空压缩光场的产生及态重构

Generation and quantum state reconstruction of a squeezed vacuum light field resonant on the rubidium D1 line 物理学报. 2018, 67(9): 094204 https://doi.org/10.7498/aps.67.20172396

高阶耦合相振子系统的同步动力学

Collective dynamics of higher-order coupled phase oscillators 物理学报. 2021, 70(22): 220501 https://doi.org/10.7498/aps.70.20211206